

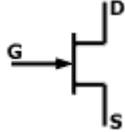
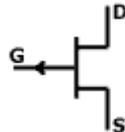
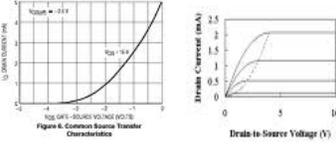
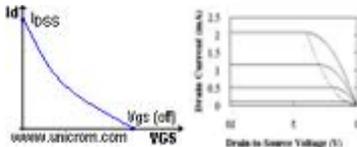
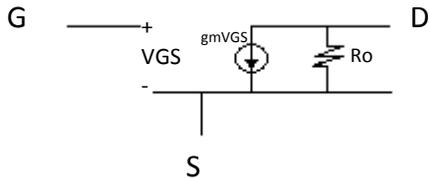
Universidad Simón Bolívar
Dto. De Electrónica y Circuitos
Realizada por: Gabriel Dominguez
Bajo la supervisión de: Prof. Mónica Huerta

Guía de Electro I

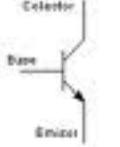
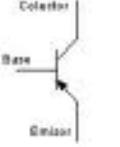
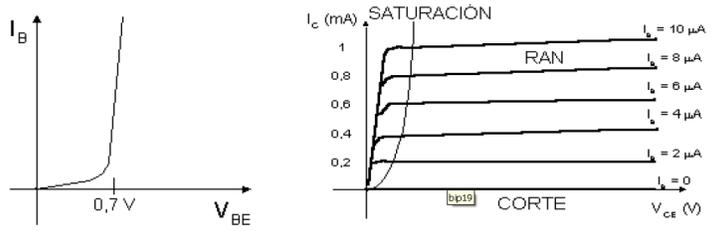
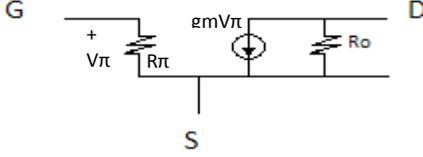
Ec-1167

Formulas:

Mosfet

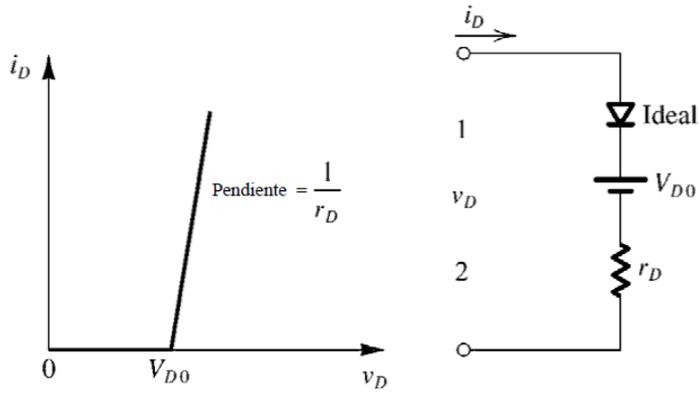
| | Canal m | Canal P |
|--------------------------|--|---|
| Símbolo Circuital |  |  |
| Vt | - | + |
| Encendido | $V_{gs} > V_t$ | $V_{gs} < V_t$ |
| VDS | + | - |
| Condición de Trío | $V_{DS} \leq V_{GS} - V_t$ | $V_{DS} \geq V_{GS} - V_t$ |
| Condición de Saturación | $V_{DS} \geq V_{GS} - V_t$ | $V_{DS} \leq V_{GS} - V_t$ |
| $\lambda = \frac{1}{VA}$ | + | - |
| Curvas características |  |  |
| Ecuación en trío | $ID = K[2(V_{GS} - V_t)V_{DS} - V_{DS}^2]$ | |
| Ecuación en saturación | $ID = K(V_{GS} - V_t)^2(1 + \lambda.V_{DS})$ | |
| Ro | $R_o = \frac{ VA }{ID} = (ID.\lambda)^{-1}$ | |
| gm | $gm = \frac{K}{2}(V_{GS} - V_t) = \sqrt{K.ID}$ | |
| Modelo AC |  | |

BJT

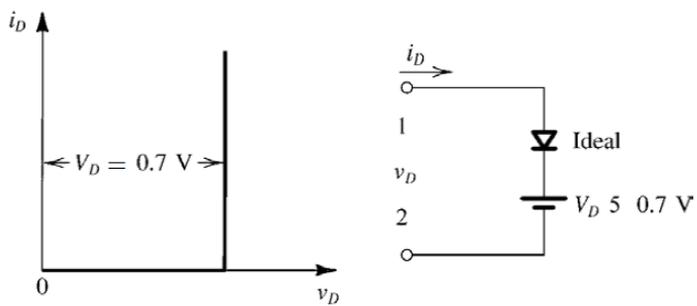
| | MPM | PMP |
|-----------------------------------|--|--|
| Símbolo Circuitual |  <p style="text-align: center;">NPN</p> |  <p style="text-align: center;">PNP</p> |
| VBE | + | - |
| VCE | >0,2 | <0,2 |
| β | $= \left[\left(\frac{D_e N_a W}{D_m N_e L_p} \right) + \frac{1}{2} \frac{W^2}{D_m \tau b} \right]^{-1}$ | |
| Ecuaciones en modo activo directo | $I_c = I_s e^{\frac{V_{BE}}{V_T}} \quad I_e = I_c + I_b$ $I_b = \frac{I_c}{\beta} \quad I_c = I_s \left(1 + \frac{V_{CE}}{V_A} \right) e^{\frac{V_{BE}}{V_T}}$ $\alpha = \frac{\beta}{\beta + 1} \quad g_m = \frac{h_{fe}}{h_{ie}}$ | |
| Gráficas características |  | |
| Modelo AC |  $R_{\pi} = \frac{\beta}{g_m}$ | |

Diodos

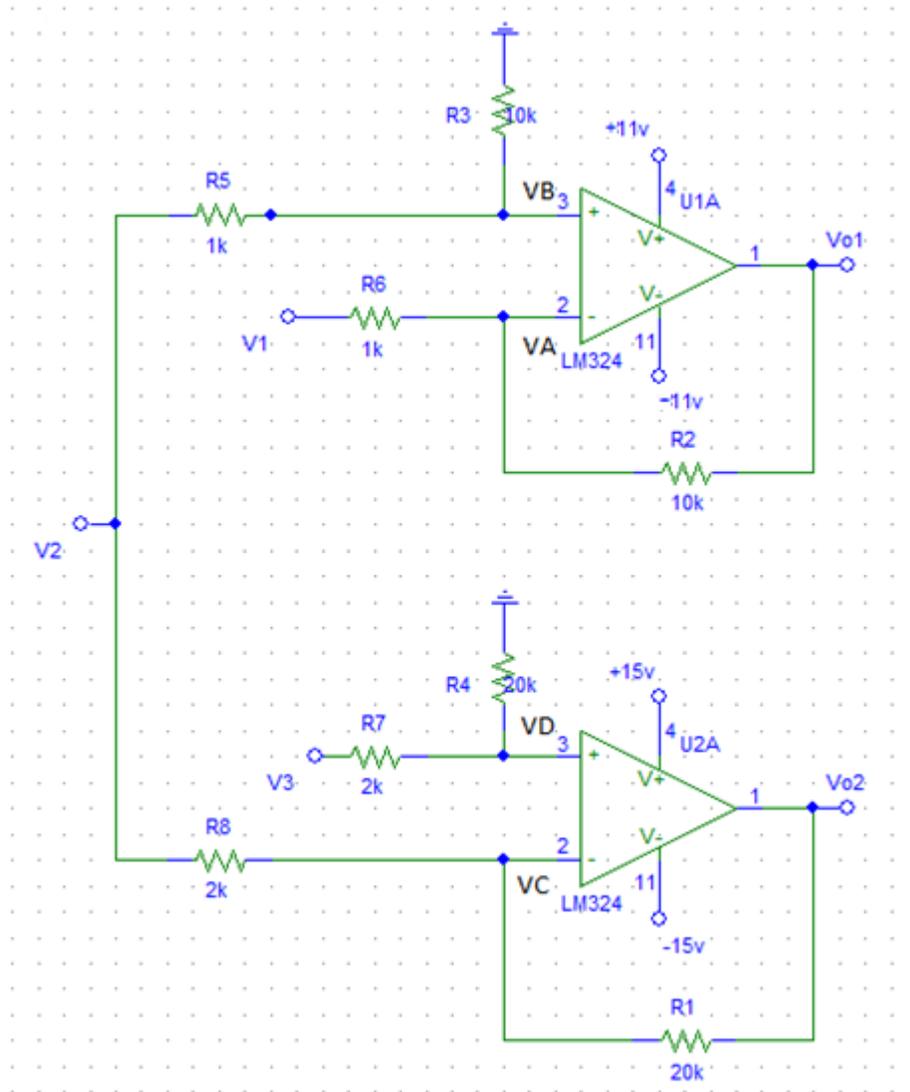
Modelo lineal por tramos de la característica directa del diodo y su circuito equivalente:



Modelo de caída de voltaje constante de la característica directa del diodo y la representación de su circuito equivalente:



- 1) En el siguiente circuito dado que $AV_{o1}=10000$ y $AV_{o2}=8000$ determine: V_o en función de V_1 , V_2 y V_3 sabiendo que $V_o=V_{o1}-V_{o2}$. ¿Cuál es el valor máximo de voltaje de entrada para que no se sature V_o ?



Hacemos las ecuaciones de nodos para el primer OPAM

$$\frac{V_1 - V_A}{1K} = \frac{V_A - V_{o1}}{10K} \rightarrow (1)$$

$$\frac{V_2 - V_B}{1K} = \frac{V_B}{10K} \rightarrow (2)$$

$$V_{o1} = AV_{o1}(V_B - V_A) \rightarrow (3)$$

Despejamos VA y VB de las ecuaciones 1 y 2 respectivamente. Luego sustituimos en 3

$$V_A = \frac{10KV_1 + 1KV_{o1}}{10K + 1K}$$

$$V_B = \frac{10KV_2}{10K + 1K}$$

$$V_{o1} = 10K \left(\frac{10KV_2}{10K + 1K} - \frac{10KV_1 + 1KV_{o1}}{10K + 1K} \right)$$

$$V_{o1} \left(1 + \frac{1K \times 10K}{11K} \right) = 10K \left(\frac{10KV_2}{10K + 1K} - \frac{10KV_1}{10K + 1K} \right)$$

$$V_{o1} = 9.989V_2 - 9.989V_1$$

Repetimos el procedimiento con el segundo OPAM

$$\frac{V_2 - V_C}{2K} = \frac{V_C - V_{o2}}{20K} \rightarrow (4)$$

$$\frac{V_3 - V_D}{2K} = \frac{V_D}{20K} \rightarrow (5)$$

$$V_{o2} = AV_{o2}(V_D - V_C) \rightarrow (6)$$

Despejamos VC y VD de las ecuaciones 4 y 5 respectivamente. Luego sustituimos en 6

$$V_C = \frac{20KV_2 + 2KV_{o2}}{2K + 20K}$$

$$V_D = \frac{20KV_3}{20K + 2K}$$

$$V_{o2} = AV_{o2} \left(\frac{20KV_3}{20K + 2K} - \frac{20KV_2 + 2KV_{o2}}{2K + 20K} \right)$$

$$V_{o2} \left(1 + \frac{8K \times 2K}{20K + 2K} \right) = 8K \left(\frac{20KV_3}{20K + 2K} - \frac{20KV_2}{2K + 20K} \right)$$

$$V_{o2} = 9.989V_3 - 9.989V_2$$

Ahora como sabemos que $V_o = V_{o1} - V_{o2}$

$$V_o = 19.978V_2 - 9.989V_1 - 9.989V_3$$

Para contestar a la segunda parte igualamos V_{o1} a 11V

Recordamos los resultados obtenidos anteriormente

$$V_{o1} = 9.989V_2 - 9.989V_1$$

$$V_{o2} = 9.989V_3 - 9.989V_2$$

Colocamos $V_{o1} = 12V$ y $V_{o2} = 15V$ y despejamos las diferencias de voltaje

$$V_2 - V_1 = 1.2V$$

$$V_3 - V_2 = 1.5V$$

2) Para el circuito de la figura 1, suponer $V_{zon} = 0.7$ y $V_{don} = 0.7$. Graficar V_o vs V_i , si $V_i = 10 \text{Sen}(2\pi 1000t)$. (5 Ptos).

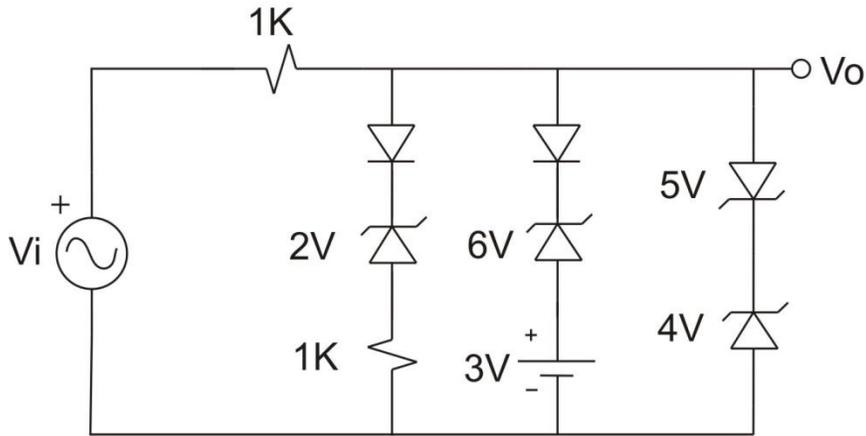
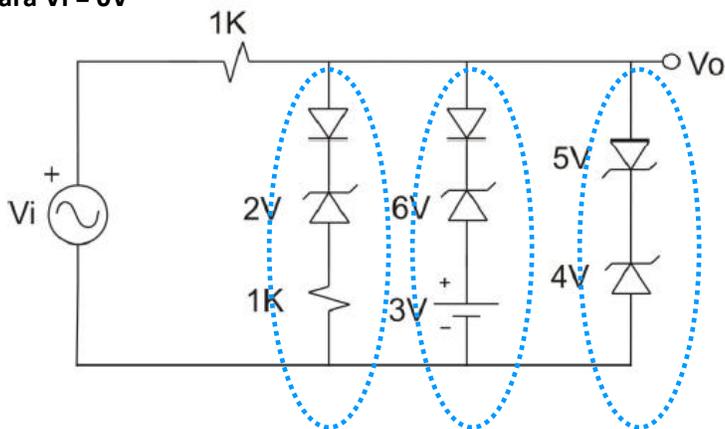


Figura 1

Para $V_i = 0V$



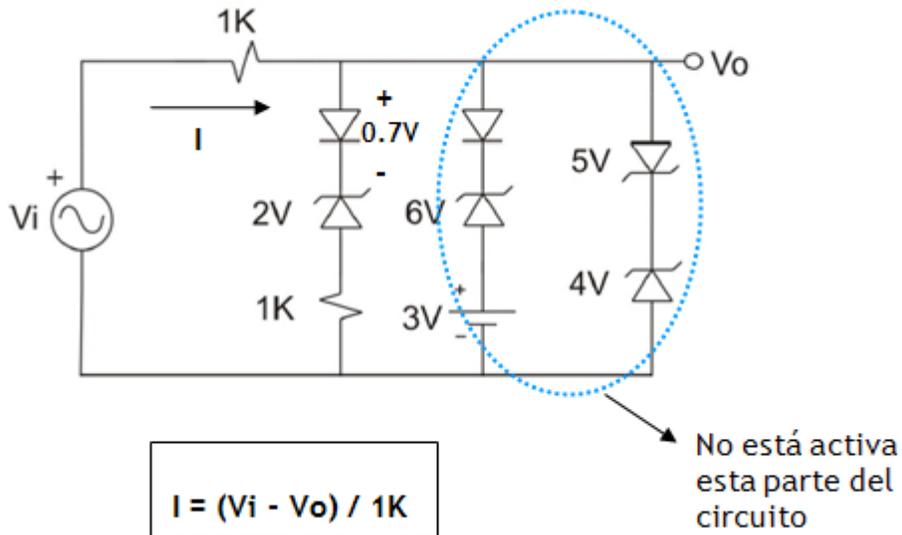
Ninguna de las tres ramas está activa. No alcanza el voltaje mínimo para que los diodos enciendan. $V_i = V_o$

Esta relación se mantiene hasta $V_i \leq 2.7V + V_{1k}$ y como no va a pasar corriente entonces $V_{1k} = 0V$.

$$V_i < 2.7V$$

Para $V_i > 0V$ ($V_i > 2.7V$)

Es el voltaje mínimo que se necesita para que la primera rama esté activa.



Se tiene que: $V_i = 2(1K \times I) + 2.7V$

Sustituyendo la ecuación de la corriente en la ecuación de V_i queda que:

$$V_i = 2V_o - 2.7V \quad \text{ó} \quad V_o = (V_i + 2.7V) / 2$$

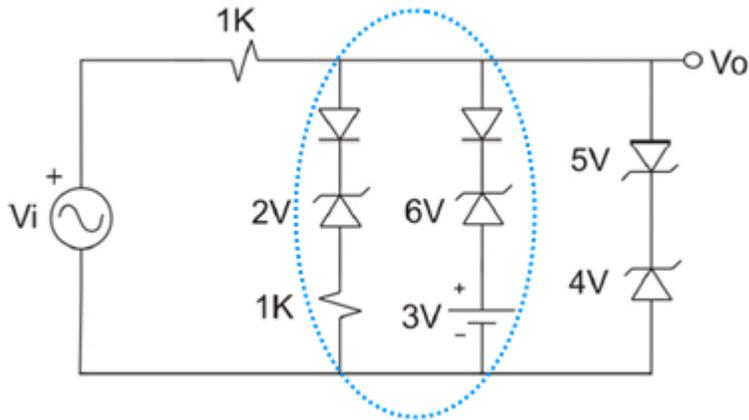
Esta relación se mantiene para $2.7V < V_i < 6.7V$

Para $V_i \geq 6.7V$

Se activa el diodo de la tercera rama que va a mantener regulado el voltaje V_o en 4.7V

$$V_o = 4.7V \quad \text{para} \quad V_i \geq 6.7V$$

Para $V_i < 0V$ ($V_i > -5.7V$)



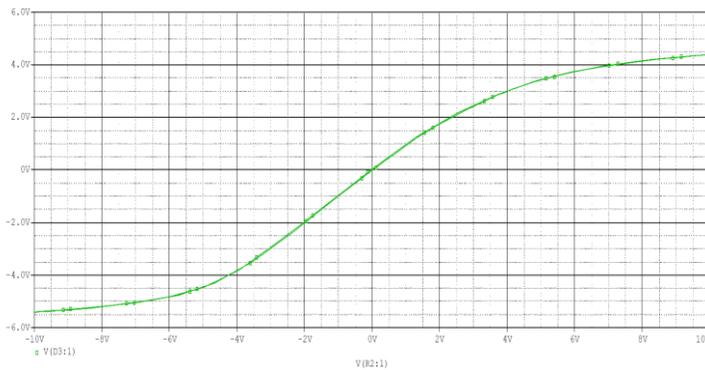
Estas dos ramas no funcionan debido a que el sentido de la circulación de la corriente polariza los diodos en inverso.

Mientras $V_i < -5.7V$ no va a haber circulación de corriente.

$$V_i = V_o$$

Para $V_i \leq -5.7V$

Justo cuando $V_i = -5.7V = V_o$ va a encender la tercera rama que va a mantener el voltaje V_o constante en $-5.7V$



3) En el circuito de la figura 2

- Calcule C, para que el Factor de Rizado sea del 9%.
- Si la carga varía de 0.5K a 2K. Calcular la regulación de carga.
- Cuál es la regulación de línea si la alimentación varía $\pm 10\%$ y la carga se mantiene en 0.5K.

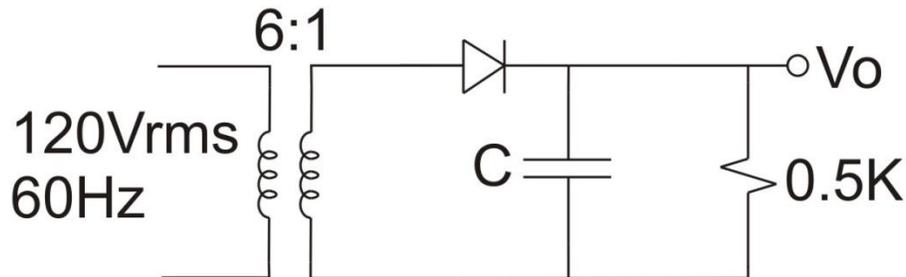


Figura 2

a) Cuando hacemos la transformación del voltaje en el transformador nos quedan 20 voltios a la salida. Ese voltaje cae en el rectificador de media onda el cual decae el voltaje en 0.7 voltios. Entonces el voltaje sobre el capacitor a hallar es 19.3 voltios.

$$Fr = \frac{V_r}{V_{\max}} \times 100$$

Despejando el voltaje de rizado se obtiene:

$$V_r = 1.737V$$

$$V_r = \frac{V_{\max}}{RfC}$$

Despejando la incógnita C obtenemos:

$$C = 370\mu F$$

b) La regulación de carga se consigue cuando hay alguna regulación, es decir, cuando se tiene un diodo zener. En este circuito no hay diodos zener por lo que la regulación de carga es igual a cero.

d) La regulación es igual a cero por las mismas razones anteriores.

4) Para el circuito de la figura 1, dibujar la gráfica V_o vs V_i , si el operacional se alimenta a $\pm 20V$.

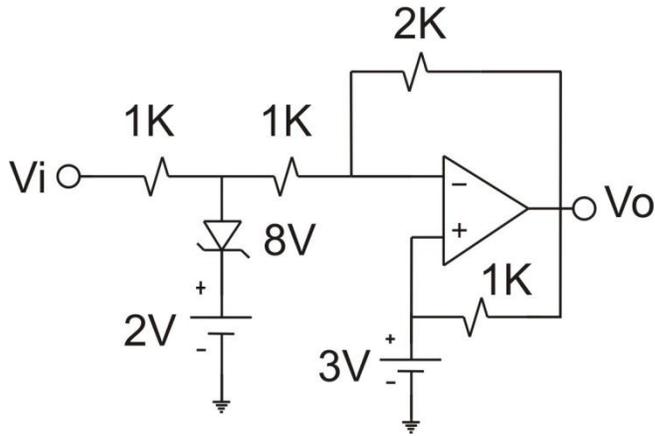
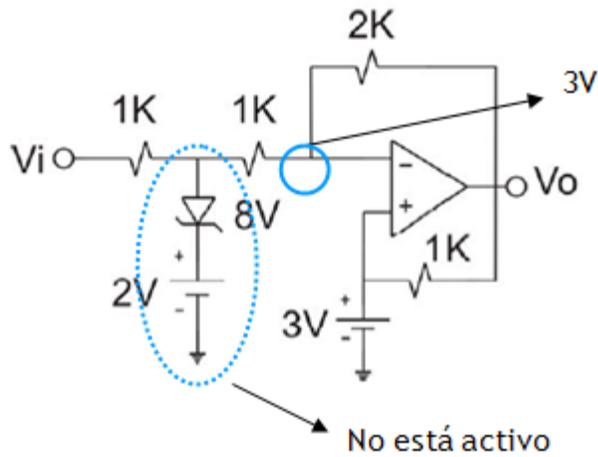


Figura 1

Para $V_i = 0V$



$$I = \frac{3V - 0V}{2K}$$

$$I = 1.5 \text{ mA}$$

$$V^+ = V^-$$

Entonces queda que:

$$V_o - (2K \cdot 1.5 \text{ mA}) = 3V$$

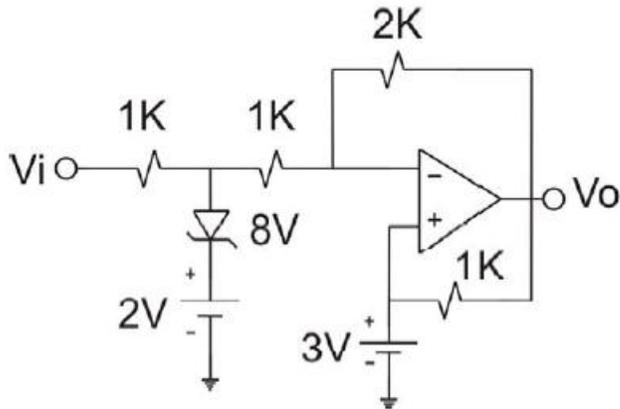
$$V_o = 6V$$

$$\frac{3V - V_i}{2K} = \frac{V_o - 3V}{2K}$$

$$V_o = 6V - V_i$$

Para $V_i > 0V$

Justo antes que el diodo zener entre en activo.



$$\frac{V_o - 3V}{2K} = \frac{3V - 2.7V}{1K}$$

$$V_o = 3.6V$$

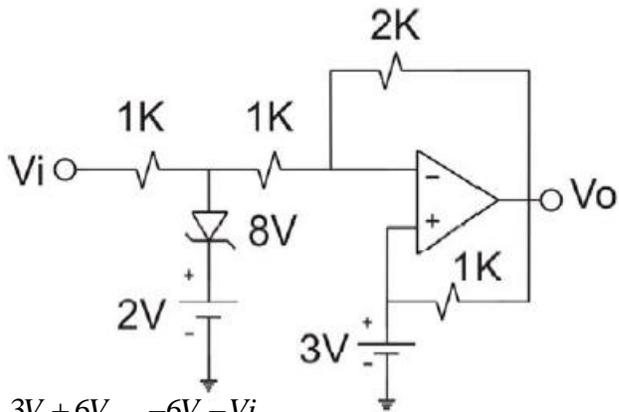
$$\frac{3V - 2.7V}{1K} = \frac{2.7V - V_i}{1K}$$

Entonces de aquí se puede decir que para $0V < V_i < 2.4V$ se tiene que $0V < V_o < 3.6V$

Para $V_i \geq 2.4V$

Una vez que el diodo zener comienza a funcionar en activo va a mantener constante el voltaje en ese nodo. Es decir, $V_o = 3.6V$

Para $V_i < 0V$



$$\frac{3V + 6V}{1K} = \frac{-6V - V_i}{1K}$$

$$V_i = -15V$$

Justo antes que el diodo zener entre en regulación

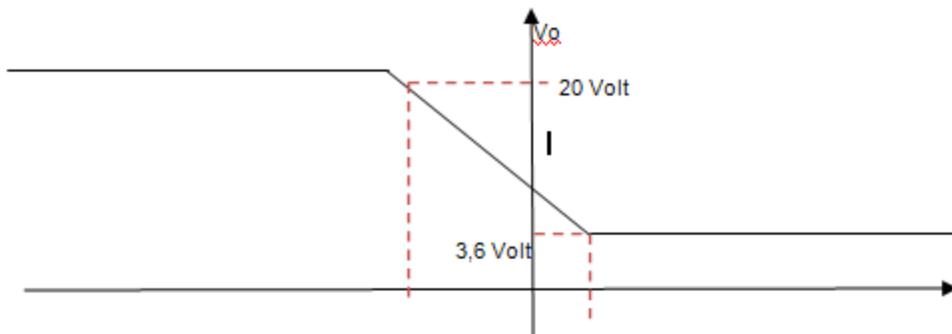
Para $-15V < V_i < 0V$

El diodo zener sigue inactivo y por lo tanto $V_o = 6V - V_i$, igual que en la primera parte del semiciclo positivo.

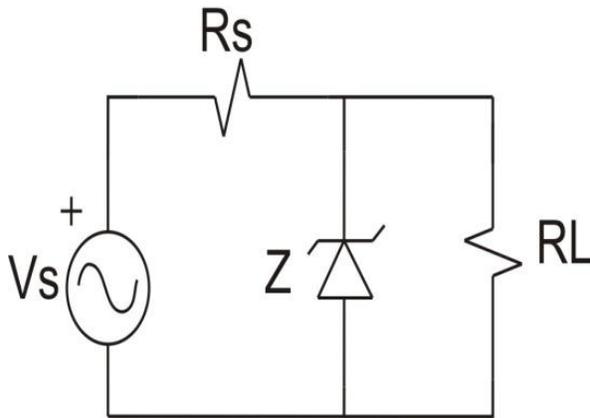
Para $V_i \leq -15V$

El diodo zener entra en regulación haciendo que $V_o = 21V$, pero por datos del problema se sabe que el operacional entra en saturación a partir de los 20V. Esto quiere decir que el diodo zener no va a entrar en regulación debido a la saturación en la salida del operacional.

Grafica definitiva



- 5) En el circuito de la figura 2, $V_{s_{max}} = 14V$ y $V_{s_{min}} = 12V$, $Z: 9V@10mA$, $r_z = 10\Omega$, $I_{zk} = 1mA$.
- Calcule R_s , para que el valor mínimo de V_z sea de $9V$, si $R_L = 5K$.
 - Cuál es la potencia que debe tener el diodo para soportar la condición de vacío.
 - Cuál es el valor de R_L mínimo que puede soportar el circuito para que se mantenga en regulación.



$$V_{s_{max}} = 14 \text{ volt}$$

$$V_{s_{min}} = 12 \text{ volt}$$

$$Z: 9 \text{ volt a } 10 \text{ mA}, r_z = 10 \Omega, I_{zk} = 1 \text{ mA}$$

Para calcular el valor de R_s , cuando $V_{z_{min}} = 9 \text{ Volt}$ y $R_L = 5 K$

$$i_{total} = i_{zener} + i_{Rl}$$

$$i_{Rl} = \frac{9 \text{ volt}}{5 K} = 1,8 \text{ mA}$$

Y sé que $i_{Zener} = 10 \text{ mA}$ (cuando $V_{zener} = 9 \text{ volt}$)

Entonces $i_{total} = 1,8 \text{ mA}$

$$R_s = \frac{14 \text{ volt} - 9 \text{ volt}}{11,8 \text{ mA}} = 432 \Omega$$

En condición de vacío ($R_z \rightarrow 0$), la potencia que el zener puede soportar es:

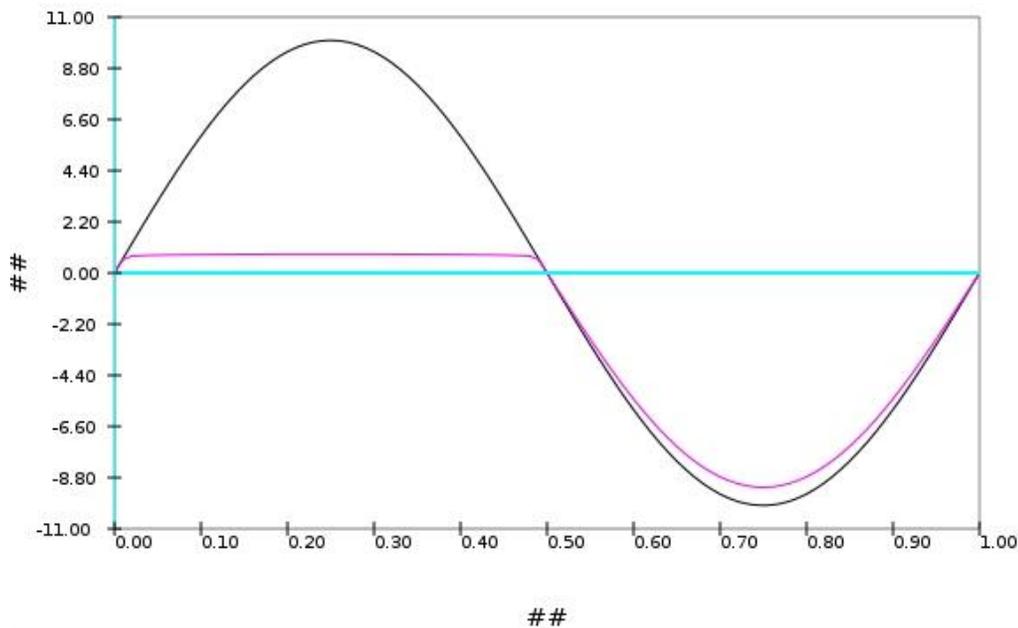
- $I_{Rl} \rightarrow 0$ Rl se va
- $P_{vacio} = V_{sin\ carga} * I_m$

$$I_{zener} = I_R = \frac{12 \text{ volt} - 8,91 \text{ volt}}{432 \Omega} = 0,72 \text{ mA}$$

$$P_{vacio} = 0,9 \text{ Watt}$$

Para que el circuito este en regulación Rl_{min} es:

$$Rl = V_z / I_{l\ max}$$



- 6) En el circuito de la figura 1, $V_z = 20V$, $r_z = 10\Omega$, $P_{zmax} = 3W$, $I_{zK} = 2mA$, $V_d = 0,7V$.
- Determinar el valor de R_L y la potencia de la misma si se quiere una corriente de carga máxima de $50mA$. (2 pts)
 - Calcule C , para que el factor de rizado en el condensador sea del 20%. (6 pts)
 - Calcule R_p que garantice la operación del zener como regulador. (3 pts)

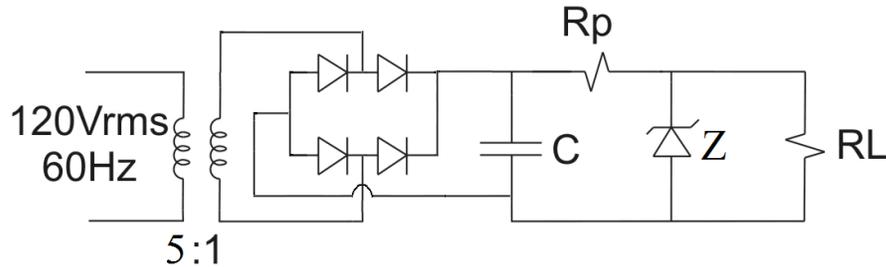


Figura 1

a) Hallar R_L

$$V_{2do} = 120/5 = 24V_{rms}$$

$$V_{2pico} = 32.5V$$

$$V_z + R_z \cdot I_z = R_L \cdot I_L$$

$$20 + 10 \times 2 \times 10^{-3} = 50 \times 10^{-3} \times R_L$$

$$\mathbf{R_L = 400 \Omega}$$

b) Hallar C

$$V_r = \frac{V_{max} - V_{min}}{V_{maz}} \times 100$$

$$V_{min} = 26.6V$$

$$26.6 = 32.5 \text{sen}(2 \pi \times 60 \times T_o)$$

$$T_o = 2.54 \times 10^{-3} s$$

$$I_c = C \cdot dv/dt$$

$$52 \text{ma} = C(32.5 - 26.6)$$

$$T/4 - T_o$$

$$\mathbf{C = 58.9 \mu f}$$

c) Halle R_p

$$\mathbf{R_p = 240 \Omega}$$

7) En el circuito de la figura 2, los OPAMS son Ideales, alimentados a $\pm 15V$, $V_{on}=0,7V$, $k_n'(W/L)=2ma/V^2$, $V_t=1v$, $\lambda=0$. obtenga la curva de transferencia V_o/V_i , (4ptos). Calcule el punto de operación del MOSFET.(8ptos)

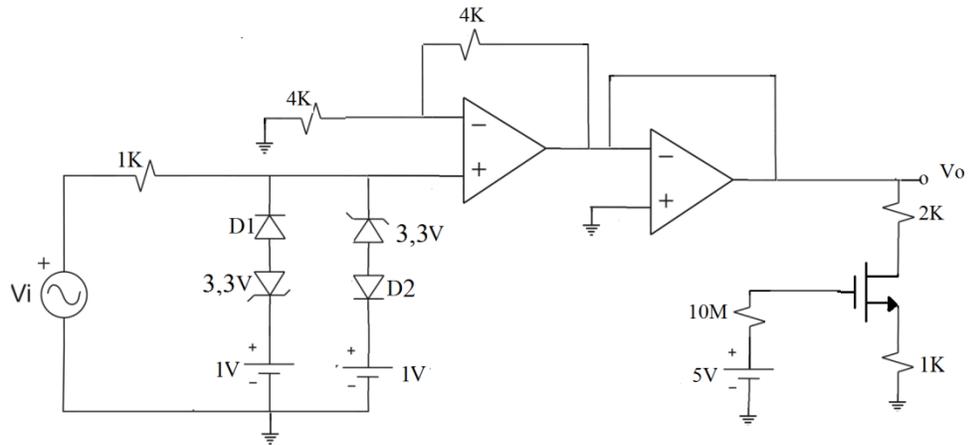


Figura 2

a) Graficar V_o/V_i

Para v_i negativo

Si $-3 < v_i < 0$

(Todos los diodos están apagados)

$$I_i = 0$$

$$V_i = V_+ = V_-$$

$$V_o + 4I = V_i$$

$$V_i + 4I = 0$$

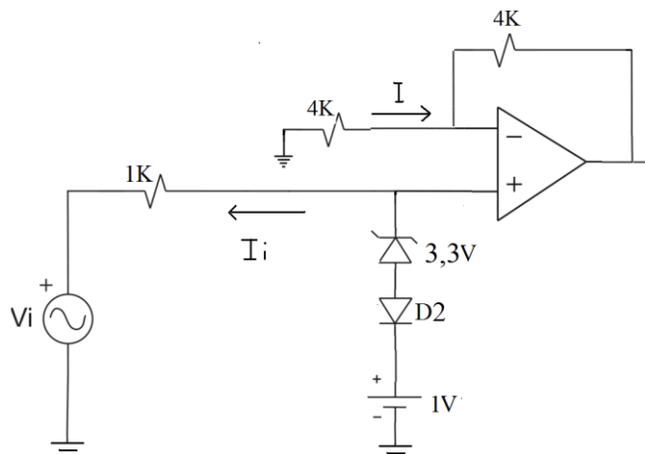
$$I = -V_i/4$$

$$V_o = 2V_i$$

Si $V_i < -3$

$$V_+ = -3 = V_-$$

$$V_o = -6$$



Para v_i positivo

Si $0 < v_i < 5$

(Todos los diodos están apagados)

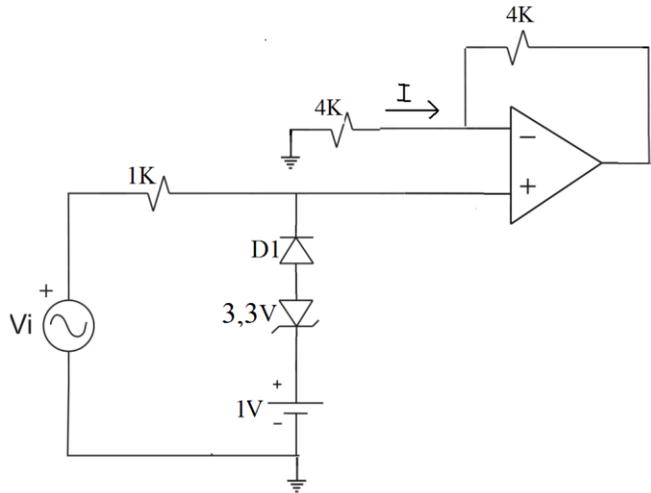
$$V_o = 2V_i$$

Si $v_i > 5$

(Se activan todos los diodos)

$$V_{+} = 5 = V_{-}$$

$$V_o = 2V_{+} = 10$$



b) Punto de operación del Mosfet.

$$V_G - V_{GS} - I_D = 0$$

$$V_{GS} = V_G - I_D$$

$$V_{GS} = 5 - I_D$$

$$I_D = (1/2) k_n' (W/L) (V_{GS} - V_T)^2$$

$$I_D = (5 - I_D - 1)^2$$

$$I_D = (4 - I_D)^2$$

$$I_D^2 - 9I_D + 16 = 0$$

$$I_{D1} = 6.56 \text{ ma}$$

$$I_{D2} = 2.43 \text{ ma}$$

$$V_{GS1} = 5 - 6.56 = -1.56 \text{ NO}$$

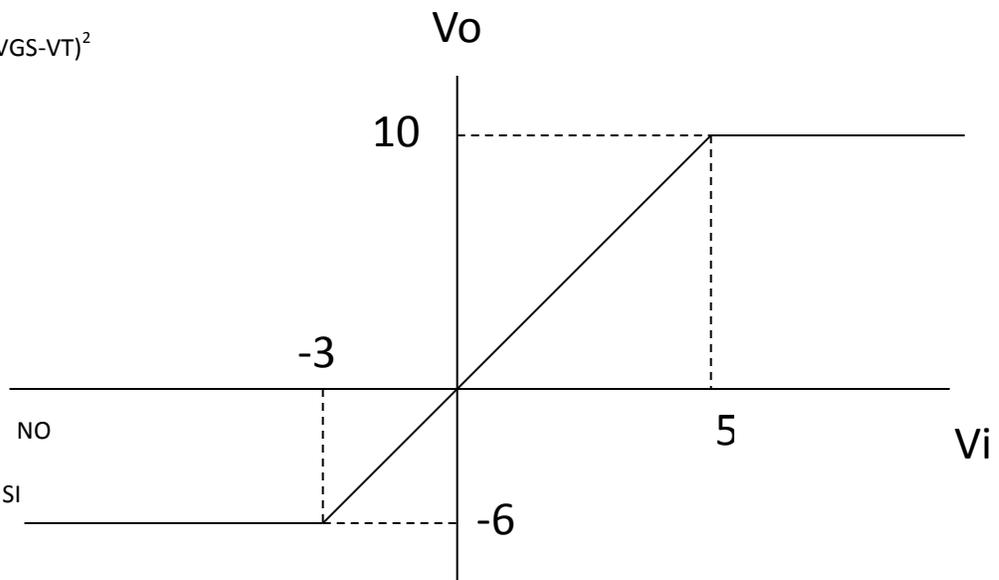
$$V_{GS2} = 5 - 2.43 = 2.57 \text{ SI}$$

$$V_o - 2I_D - V_{DS} - I_D = 0$$

$$V_{DS} = V_o - 3I_D$$

$$V_{DS} > V_{GS} - V_T$$

$$V_{DS} > 1.57$$



Caso 1 $V_o=10$

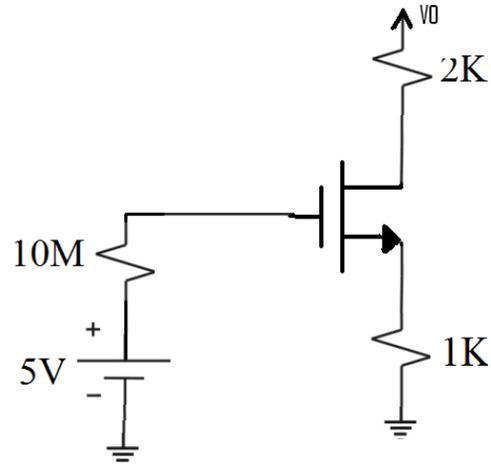
$$V_{DS}=2.71$$

$2.71 > 1.57$ Saturación

Caso 2 $V_o=-5$

$$V_{DS}=-2.71$$

$-2.71 < 1.57$ Tródo



8) Para el circuito de la figura, determinar V_o/V_i sabiendo que: $(R_1=R_3=2K)$, $(R_2=R_4=20K)$, y la ganancia de lazo abierto (A_{vo}) es 9000. (10 Ptos)

$$V^+ = (20/22)V_2$$

$$10V_1 - 10V^- = V^- - V_o$$

$$V^- = (10V_1 + V_o)/11$$

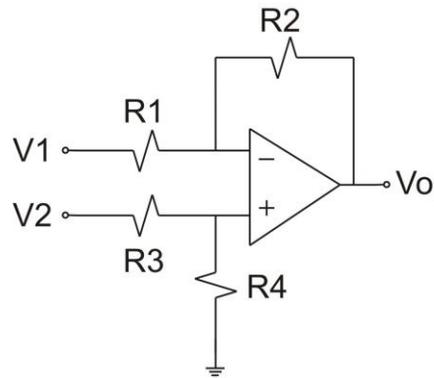
$$V_o = 9000(V^+ - V^-)$$

$$V_o = 9000\left(\frac{10}{11}(V_1 - V_2) - \frac{V_o}{11}\right)$$

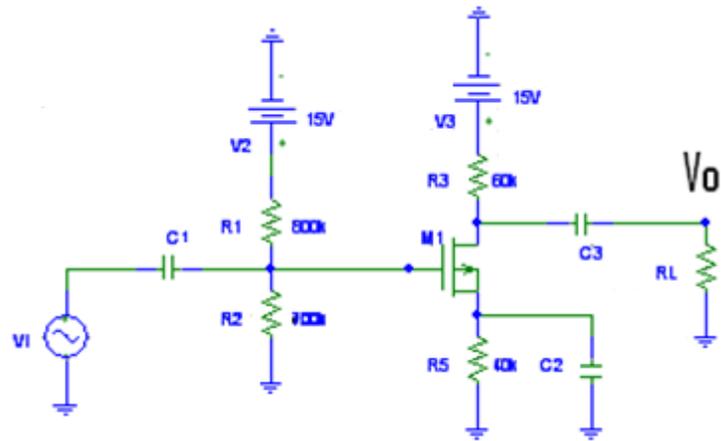
$$819.18V_o = 8181.81(V_1 - V_2)$$

$$V_o = 9.98(V_1 - V_2)$$

$$\frac{V_o}{V_1 - V_2} = 9.98$$



9) Determine V_o/V_i



$$V_G = 7V$$

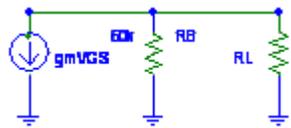
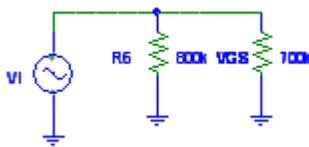
$$I_D = \frac{1}{2} K n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2$$

$$I_D = \frac{V_S}{40}$$

$$\frac{V_S}{40} = 0.1(5 - V_S)^2$$

$$V_{S1} = 6.25 \rightarrow I_D = 0.15mA \rightarrow V_D = 6V \rightarrow V_{GS} = 0.75V \rightarrow NO$$

$$V_{S2} = 4V \rightarrow I_D = 0.1mA \rightarrow V_D = 9V \rightarrow V_{GS} = 3V \rightarrow SI$$



$$Z_i = 373K\Omega$$

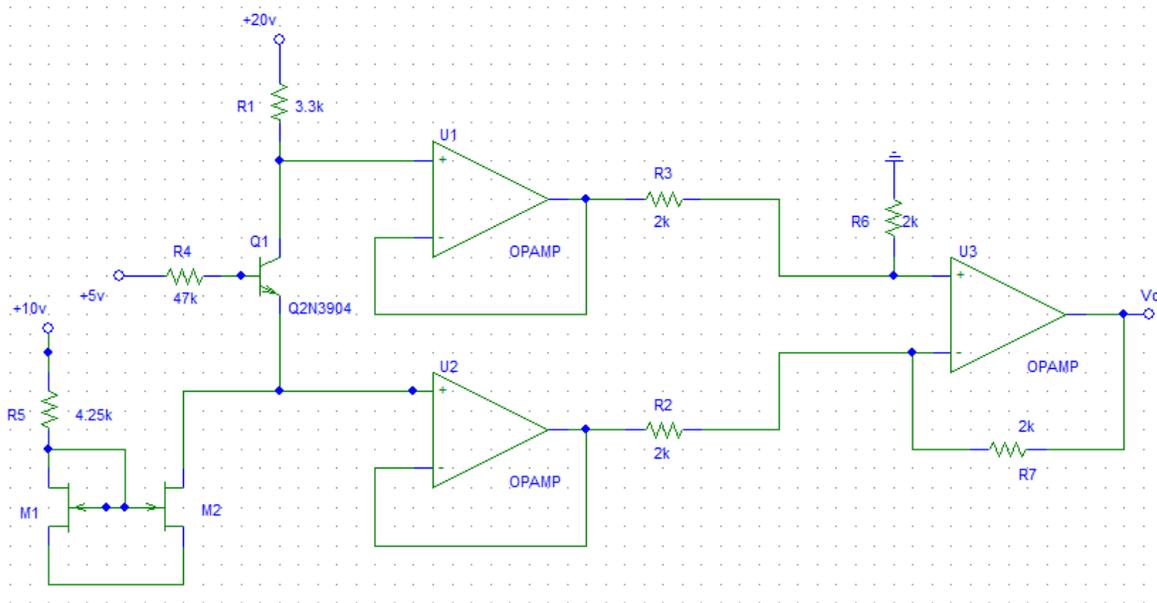
$$Z_{out} = R_l \parallel 60K$$

$$g_m = K n' \left(\frac{W}{L} \right) (V_{GS} - V_t) = 0.2m\Omega^{-1}$$

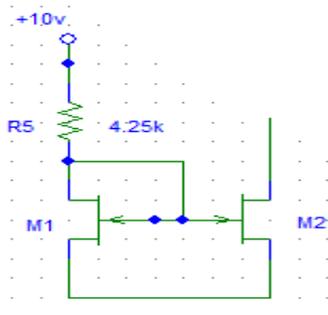
$$V_{GS} = V_i$$

$$\frac{V_o}{V_i} = -0.2m \cdot (60K \parallel R_l)$$

10) Hallar V_o si $\beta=100$, $K_1=K_2=0.5\text{mA/V}^2$ ($K=1/2Kn'(W/L)$), $V_{be}=0.7\text{V}$, $V_t=1\text{V}$, Opams ideales.



Analizamos primero el espejo de corriente.



$$V_D = V_G$$

$$\frac{10 - V_D}{4.25K} = I_D = \frac{10 - V_G}{4.25K} \rightarrow (1)$$

$$I_D = K(V_{GS} - V_t)^2 \rightarrow (2)$$

Igualamos (1) y (2)

$$\frac{10 - V_G}{4.25K} = 0.5m(V_{GS} - 1)^2 \Rightarrow 10 - V_G = 2.125(V_G + 10 - 1)^2$$

$$10 - V_G = 2.125(V_G + 9)^2 \Rightarrow 10 - V_G = 2.125(V_G^2 + 18V_G + 81)$$

$$10 - V_G = 2.125V_G^2 + 38.25V_G + 172.125$$

$$2.125V_G^2 + 39.25V_G + 162.125 = 0$$

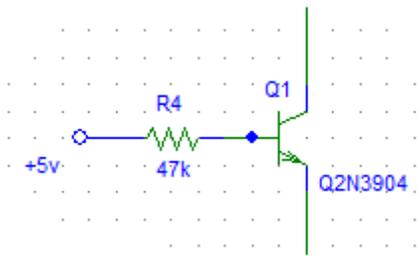
$$V_{G1} = -6.23V \rightarrow SI$$

$$V_{G2} = -12.23V \rightarrow NO$$

$$I_D = \frac{10 - (-6.23V)}{4.25K} = 3.81mA$$

Por ser un espejo de corriente $I_D = I_E$

Ahora analizamos el BJT



$$I_E = 3.81mA$$

$$I_C = 3.77mA$$

$$I_B = \frac{I_E}{\beta + 1} = 37.7\mu A$$

$$\frac{5V - V_B}{47K} = 37.7\mu A \Rightarrow 5V - V_B = 1.77V$$

$$V_B = 3.22V$$

$$V_{BE} = 0.7V \Rightarrow V_B - V_E = 0.7V \Rightarrow V_E = 2.52V$$

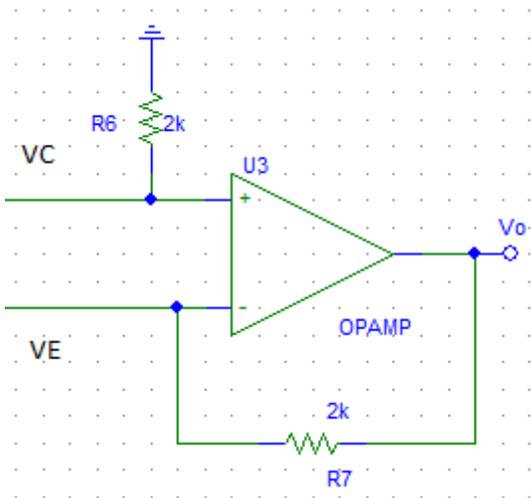
$$\frac{20 - V_C}{3.3K} = 3.77mA$$

$$20 - V_C = 12.44V \Rightarrow V_C = 7.55V$$

$$V_{CE} = 5.03V$$

$$V_{BE} = 0.7V$$

Tenemos dos seguidores de voltaje que llevan el VC y VE a una configuración diferencial de OPAM

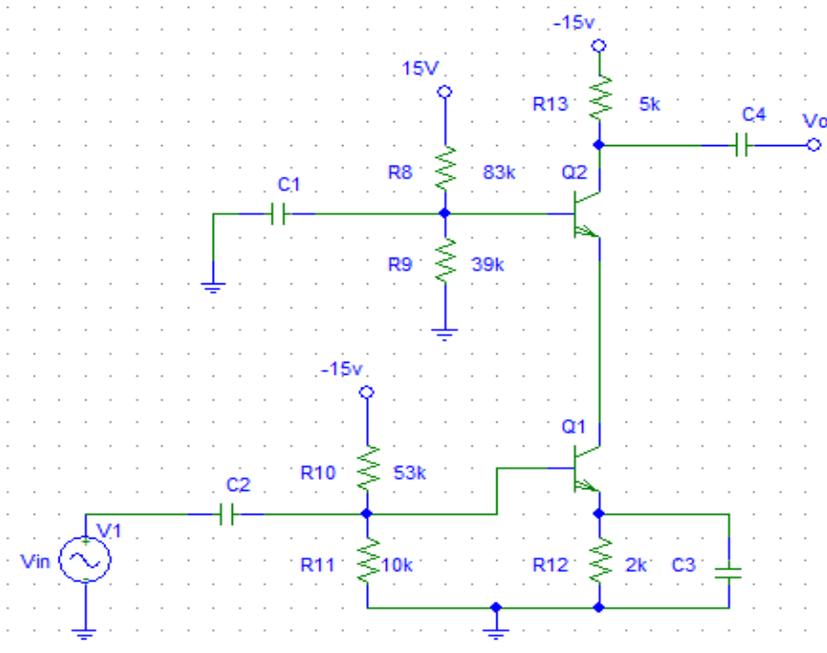


$$V^+ = \frac{2KxVE}{4K} = \frac{VE}{2}$$

$$\frac{VC - 0.5VE}{2K} = \frac{0.5VE - Vo}{2K} \Rightarrow VC - VE = -Vo$$

$$Vo = VE - VC = 2.52 - 7.55 = -5.03V$$

11) En el siguiente circuito $\beta=100$, $V_a=100$ determinar: Punto de operación para Q1 y Q2, V_o/V_i y R_{in} .



Hacemos el análisis en DC, para ello abrimos todos los capacitores

Para el BJT 1 haciendo thevenin

$$15 - 53KI - 10KI = 0$$

$$15 - 63KI = 0$$

$$\frac{15}{63K} = I \rightarrow I = 0.238mA$$

$$\frac{15 - V_{th}}{53K} = 0.238$$

$$V_{th} = 2.39V$$

$$R_{eq} = (53K // 10K) = 8.4K\Omega$$

Ese voltaje de thevenin es el voltaje de la base del BJT1 y como se sabe que $V_{BE}=0.7V$ se obtiene que $V_{E1}=1.69V$

Con el voltaje del emisor puedo hallar la corriente del emisor

$$\frac{V_E - 0}{2k} = I_{E1} = 0.84mA$$

Ahora por relaciones de corriente

$$IE_1 = (1 + \beta)IB_1$$

$$IB_1 = \frac{IE_1}{1 + \beta} = 8.31\mu A$$

$$IC_1 = \beta IB_1 = 0.83mA$$

Para el BJT 2

$$IC_1 = IE_2 = 0.83mA$$

$$IE_2 = (1 + \beta)IB_2 \rightarrow IB_2 = \frac{IE_2}{1 + \beta} = 8.21\mu A$$

$$IC_2 = \beta IB_2 = 0.82mA$$

$$\frac{15 - VB_2}{83K} = IB_2 + \frac{VB_2}{38K} \rightarrow \frac{15}{83K} - IB_2 = VB_2 \left(\frac{1}{83K} + \frac{1}{39K} \right)$$

$$\frac{0.18m - 8.21\mu}{0.0376m} = VB_2 = 4.66V$$

$$VB_2 - VE_2 = 0.7V$$

$$VB_2 - 0.7 = VE_2 \rightarrow VE_2 = 3.96V = VC_1$$

$$\frac{15 - VC_2}{5K} = IC_2 \rightarrow 15 - 5KIC_2 = VC_2$$

$$VC_2 = 10.9V$$

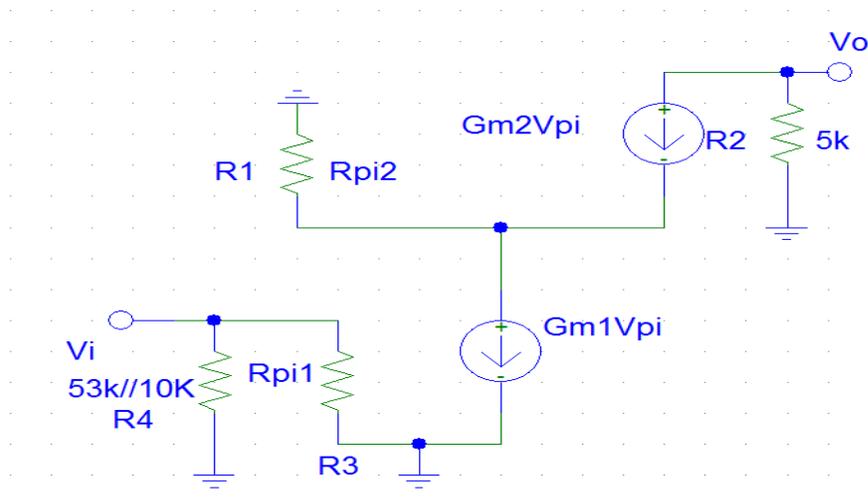
$$Gm_1 = \frac{IC_1}{Vt} = \frac{0.83mA}{25mV} = 33.2 \frac{m}{\Omega}$$

$$Gm_2 = \frac{IC_2}{Vt} = \frac{0.82mA}{25mV} = 33.3 \frac{m}{\Omega}$$

$$R\pi_1 = \frac{\beta}{Gm_1} = 3.01K\Omega$$

$$R\pi_2 = \frac{\beta}{Gm_2} = 3.05K\Omega$$

Ahora hacemos el análisis en pequeña señal



$$V_o = -Gm_2 V \pi_2 \times 5K \rightarrow (1)$$

Por corrientes de nodos

$$Gm_2 V \pi_2 = -\frac{V \pi_2}{R \pi_2} + Gm_1 V \pi_1$$

$$V \pi_2 \left(\frac{1}{R \pi_2} + Gm_2 \right) = Gm_1 V \pi_1$$

$V \pi_1 = V_i$ por lo que queda directamente

$$V \pi_2 = \frac{Gm_1 V_i}{\left(Gm_2 + \frac{1}{R \pi_2} \right)}$$

$$V \pi_2 = \frac{Gm_1 V_i}{Gm_2 R \pi_2 + 1} \rightarrow (2)$$

Sustituyendo (2) en (1)

$$V_o = -\frac{Gm_2 Gm_1 V_i R \pi_2 5K}{Gm_2 R \pi_2 + 1}$$

$$\frac{V_o}{V_i} = -\frac{Gm_1 Gm_2 R \pi_2 5K}{Gm_2 R \pi_2 + 1}$$

Sustituyendo

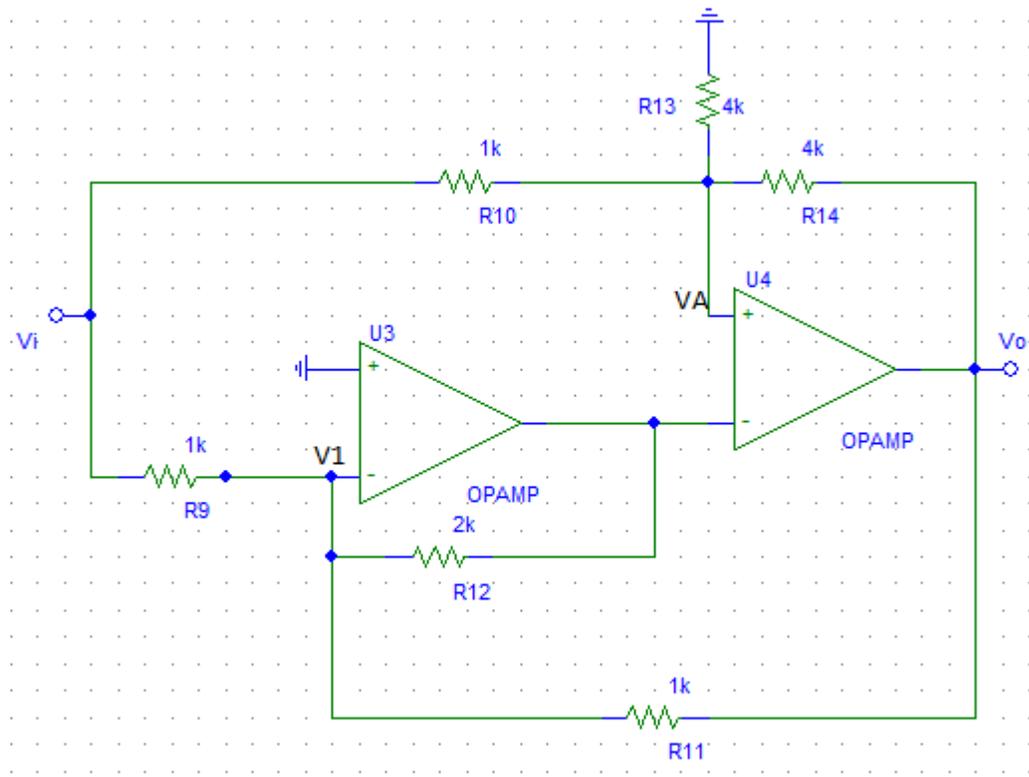
$$\frac{V_o}{V_i} = -\frac{16606.64}{101.04} = -164.35$$

Para calcular R_{in} me doy cuenta que está aislado el circuito por lo que R_{in} es directamente

$$R_{in} = 53K // 10K // R \pi_1$$

$$R_{in} = 2.21K \Omega$$

12) Hallar V_o en función de V_i



Realizamos las ecuaciones de nodos

$$\frac{V_1}{1K} = -\frac{V_A}{2K} - \frac{V_o}{1K} \rightarrow (1)$$

$$\frac{V_o - V_A}{4K} = \frac{V_A}{4K} + \frac{V_A - V_i}{1k}$$

$$V_o - 2V_A = 4V_A - 4V_i$$

$$\frac{V_o + 4V_i}{6} = V_A \rightarrow (2)$$

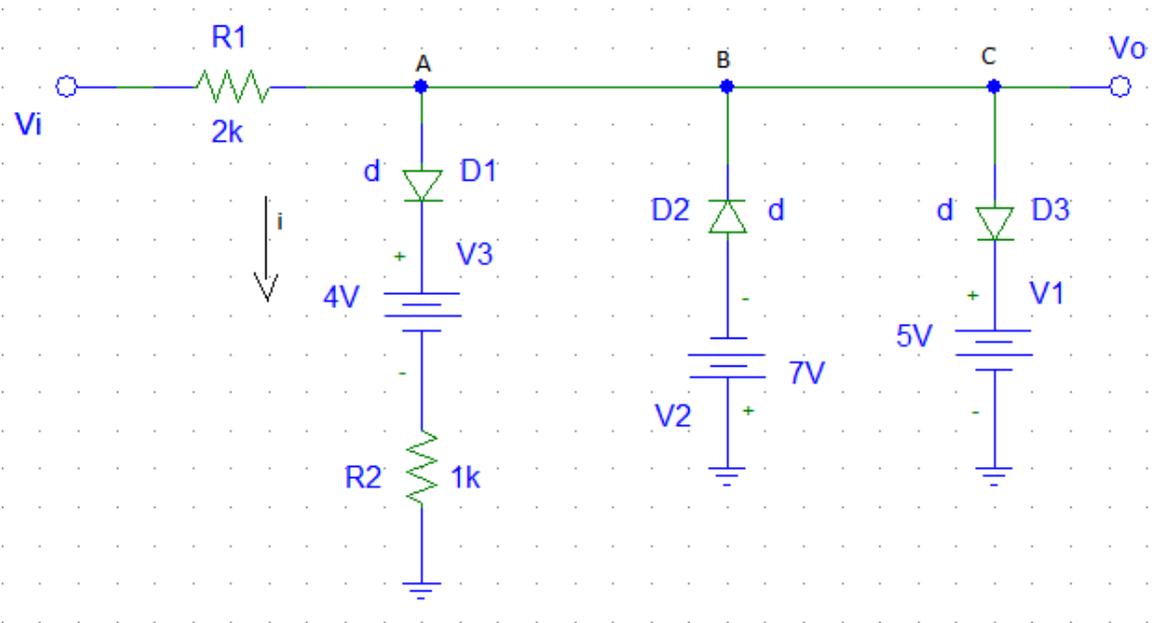
Sustituimos (2) en (1)

$$2V_i + \left(\frac{V_o + 4V_i}{6}\right) + 2V_o = 0$$

$$16V_i + 13V_o = 0$$

$$V_o = -\frac{16}{13}V_i$$

13) Para el siguiente circuito determine la corriente i cuando $v_i=5V$ y grafique V_o vs V_i



Si $V_i=5V$ los diodos 2 y 3 se apagan y el diodo 1 se enciende y funciona como una fuente de $0.7V$
 Dado que solo funciona D1 la corriente va desde V_i hasta tierra únicamente pasando por la rama A

Haciendo una malla:

$$-5V + i \cdot 2K + 0.7V + 4V + i \cdot 1K = 0$$

$$i(1K + 2K) = 5V - 0.7V - 4V$$

$$i \cdot 3K = 0.3V$$

$$i = \frac{0.3V}{3K} = 0.1mA$$

Para graficar V_o vs V_i debemos suponer varios casos

Primero veamos que es imposible que los 3 diodos estén encendidos al mismo tiempo pues la rama B obligaría a un V_o de $-7.7V$ y la rama C obligaría a un V_o de $5.7V$

Suponemos que D3 está encendido y nos damos cuenta que para que eso ocurra D1 también debe estarlo y veremos que $V_o=5.7V$ solo nos falta ver para que rango de valores de entrada ocurre esto

$$V_i - i \cdot 2K = V_o$$

$$V_o = 5.7V$$

$$\frac{5.7V - 4.7V}{1K} = i = 1mA$$

$$V_i = 5.7V + 2K \cdot 1mA$$

$$V_i = 7.7V$$

Esto es el caso frontera y vemos que para valores mayores de V_i siguen prendidos los mismos diodos y el V_o permanece igual

$$\text{para } \rightarrow V_i \geq 7.7V$$

$$V_o = 5.7V$$

Ahora veamos que cuando D3 está apagado y D1 encendido solo se conduce corriente por la rama A

$$\frac{V_o - V_i}{2K} = \frac{4.7V - V_o}{1K}$$

$$3V_o = 9.4V + V_i$$

$$V_o = \frac{9.4V + V_i}{3}$$

Nos falta obtener el rango de valores de v_i para los cuales es válido este V_o , sabemos que el máximo valor es 7.7V nos falta el mínimo que puede ser hallado por simple inspección colocando que la corriente que circula por $D1=0A$.

para $\rightarrow 4.7V \leq V_i \leq 7.7V$

$$V_o = \frac{9.4V + V_i}{3}$$

Procedemos a apagar todos los diodos y nos damos cuenta que $V_o=V_i$ y esto va a ser válido para voltajes comprendidos entre un máximo de 4.7V y un mínimo de -7.7V que es cuando se enciende $D2$

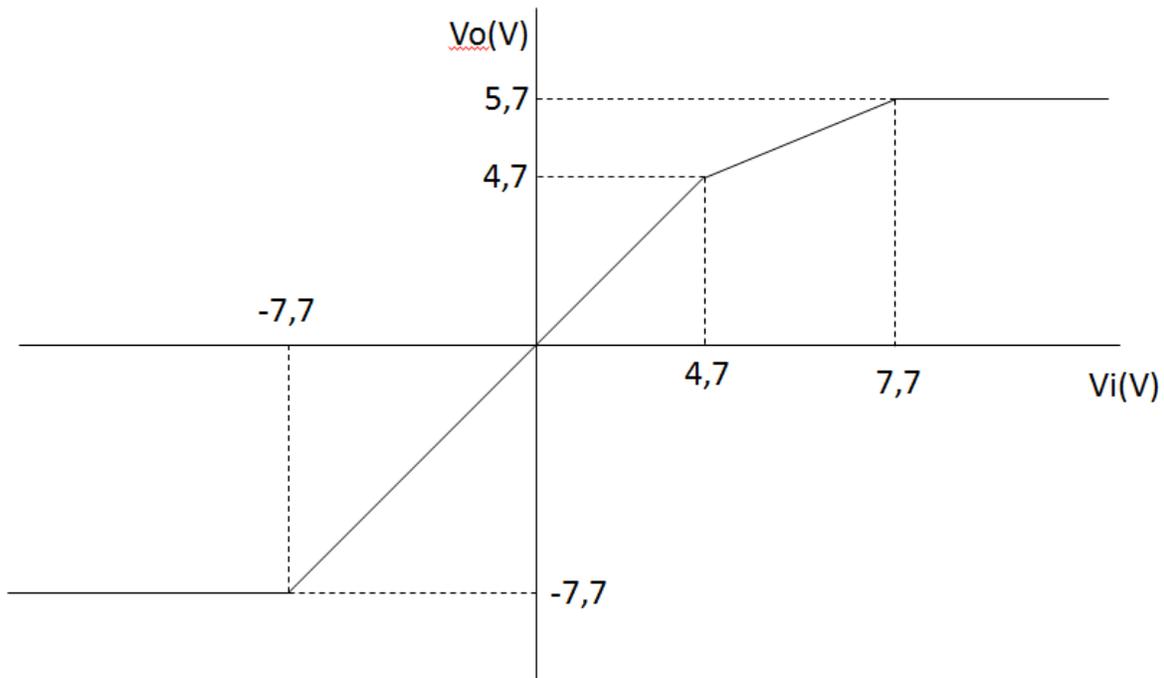
para $\rightarrow -7.7V \leq V_i \leq 4.7V$

$$V_o = V_i$$

Por ultimo encendemos $D2$ y los otros 2 permanecen apagados, vemos simplemente que $V_o=-7.7V$ para todos los valores de V_i menores a -7.7V

para $\rightarrow V_i \leq -7.7V$

$$V_o = -7.7V$$



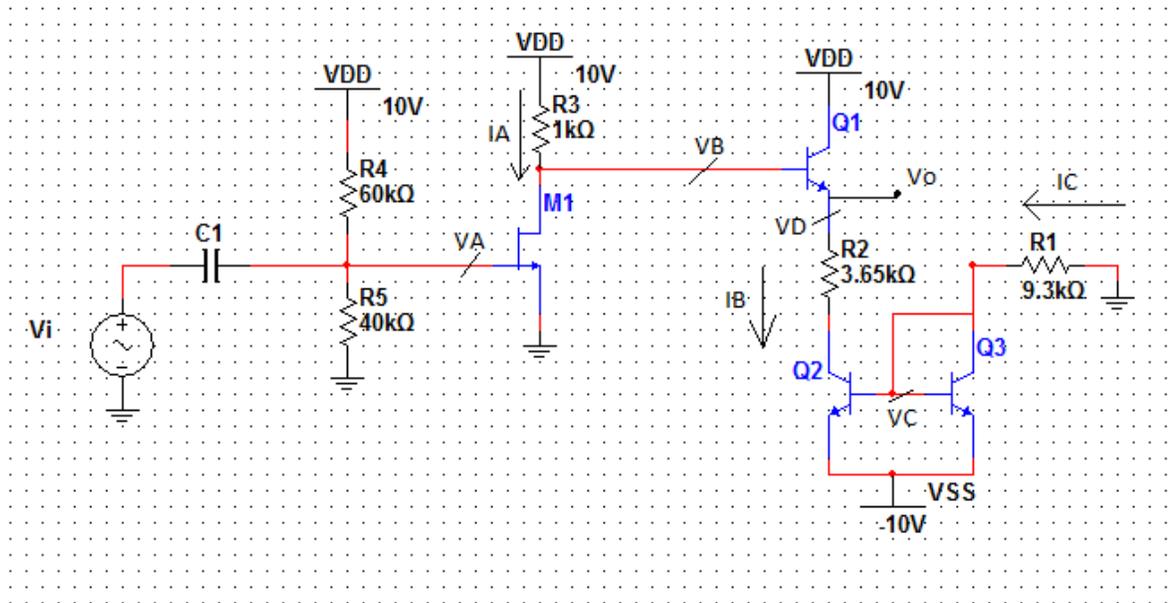
14) Halle V_o/V_i dado que:

$$kn' \frac{W}{L} = 1 \frac{mA}{V^2}$$

$$V_t = 2V$$

$$\beta = 100$$

$$R_{o3} = 100K\Omega$$



$$V_A = \frac{10V \cdot 4K}{10K} = 4V = V_G$$

$$I_D = 0.5m(V_{GS} - V_t)^2$$

$$I_D = 0.5m(4 - 2)^2 = 2mA = I_A$$

$$V_B = 10 - 1K \cdot I_A = 8V$$

$$V_C = -10 + 0.7 = -9.3V$$

$$I_C = \frac{0 + 9.3}{9.3K} = 1mA$$

$$I_B = I_C = 1mA$$

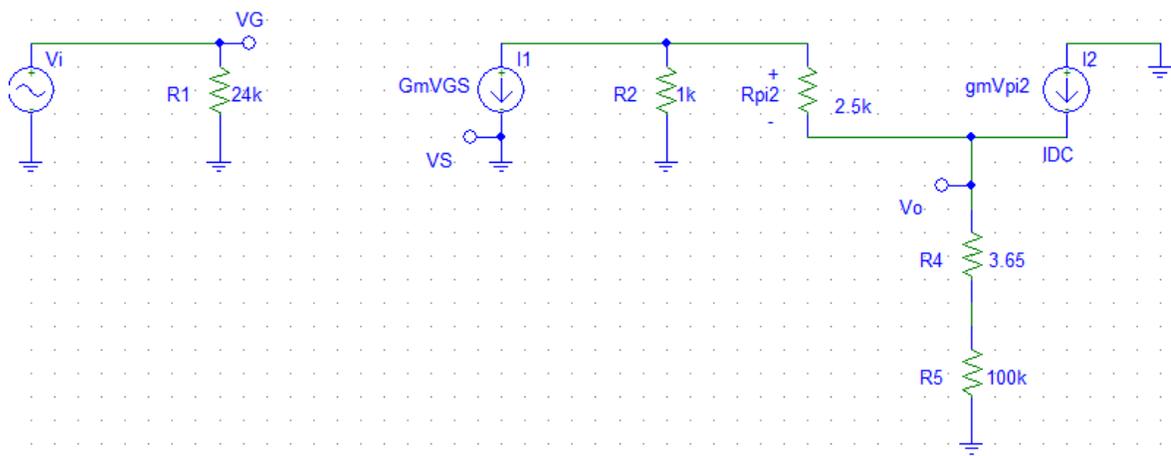
$$I_{C1} \approx I_B$$

$$g_{m1} = \frac{I_{C1}}{V_t} = \frac{1mA}{2V} = 40 \frac{m}{\Omega}$$

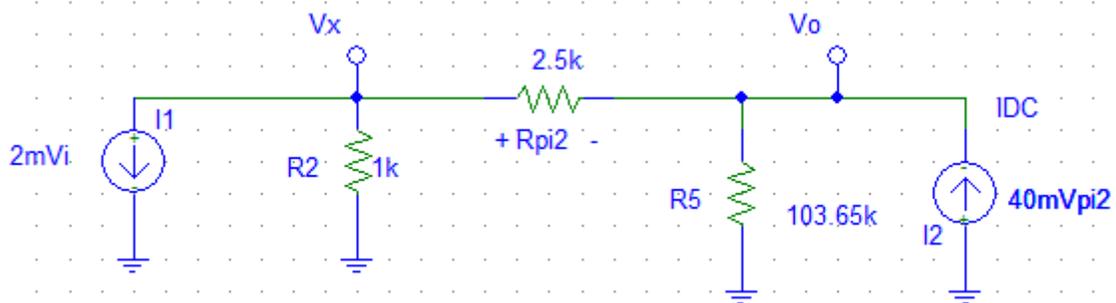
$$R_{\pi1} = \frac{\beta}{g_{m1}} = 2.5K\Omega$$

$$V_D = V_B - 0.7 = 7.3V$$

$$g_{m_{mos}} = kn' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) = 2 \frac{m}{\Omega}$$



$Z_{in} = 24K\Omega$ acomodando un poco el circuito



$$40mV_{\pi 2} = \frac{V_o}{103.65K} + \frac{V_{\pi 2}}{2.5K}$$

$$V_{\pi 2} \left(40 - \frac{1}{2.5}\right) = 9.64mV_o$$

$$V_{\pi 2} = 0.24mV_o$$

$$\frac{V_{\pi 2}}{2.5K} = \frac{V_o + V_{\pi 2}}{1K} + 2mV_i$$

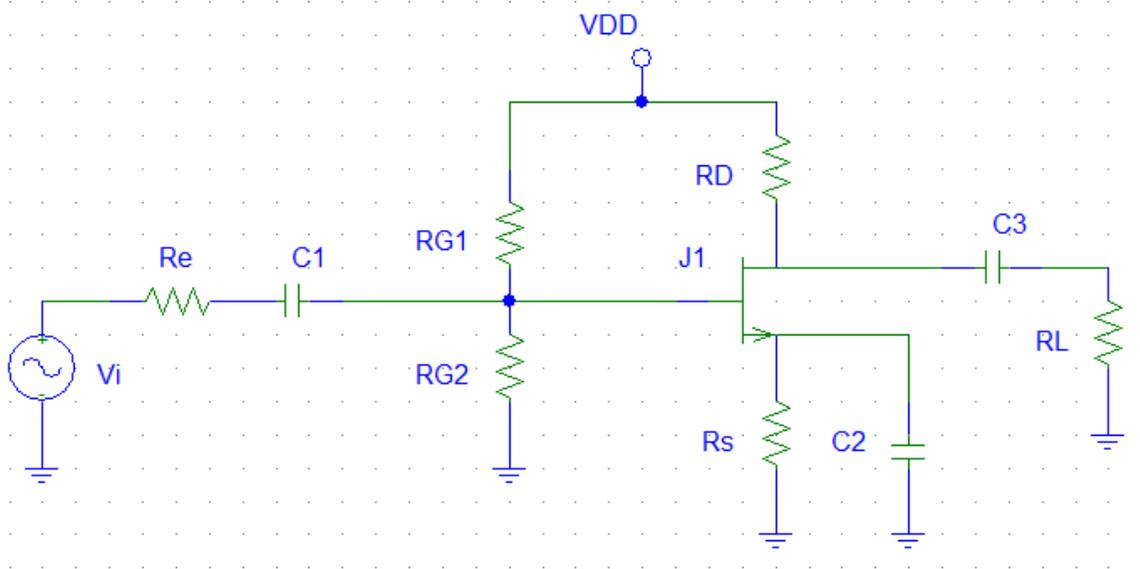
$$-0.6V_{\pi 2} = V_o + 2V_i$$

$$-0.6(0.24m)V_o - V_o = 2V_i$$

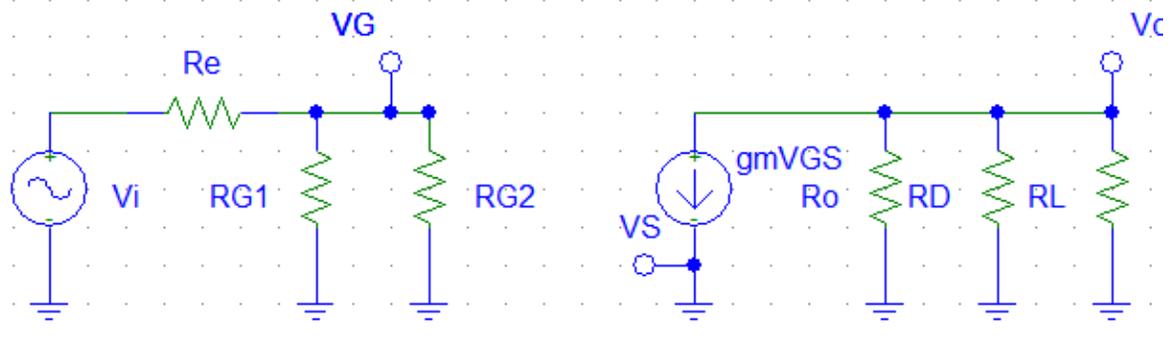
$$-1.000144V_o = 2V_i$$

$$\frac{V_o}{V_i} = -2$$

15) Determine R_{in} , R_{out} y $A (V_o/V_i)$ para la configuración de Source Común presentada a continuación, tome v_o como el voltaje sobre R_L .



Dibujamos el circuito a pequeña señal



$$Z_i = R_e + (R_{G1} // R_{G2})$$

$$Z_o = (R_o // R_D // R_L)$$

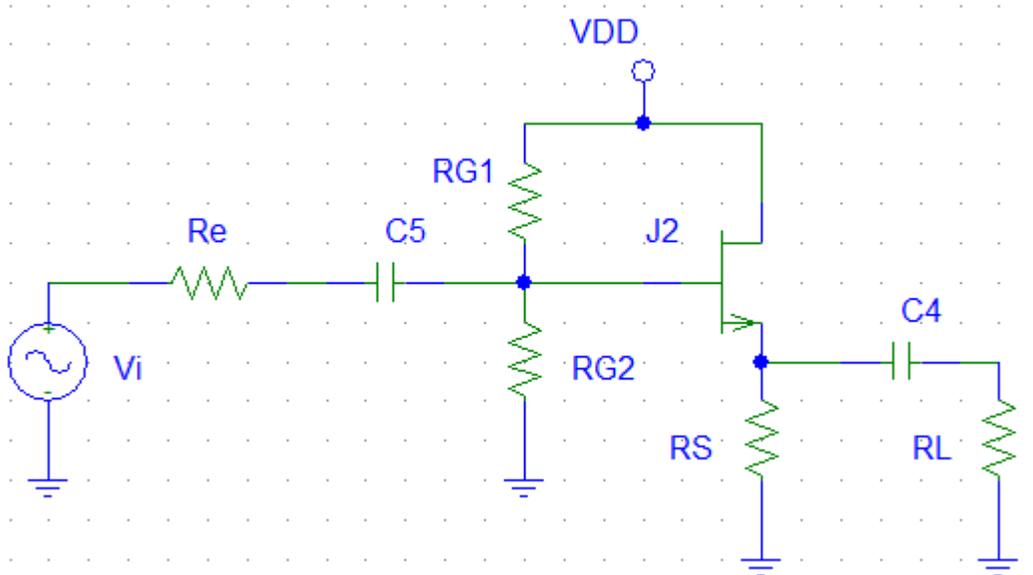
$$V_{GS} = \frac{V_i (R_{G1} // R_{G2})}{R_e + (R_{G1} // R_{G2})}$$

$$V_o = -g_m V_{GS} (R_o // R_D // R_L)$$

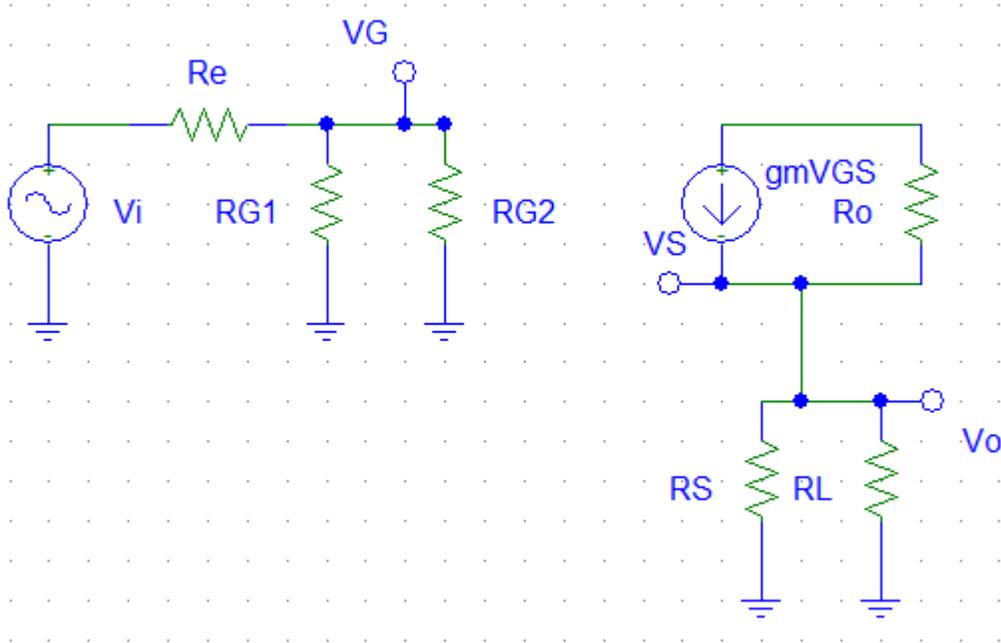
$$V_o = -g_m \frac{V_i (R_{G1} // R_{G2})}{R_e + (R_{G1} // R_{G2})} (R_o // R_D // R_L)$$

$$\frac{V_o}{V_i} = A = -g_m \frac{(R_{G1} // R_{G2})}{R_e + (R_{G1} // R_{G2})} (R_o // R_D // R_L)$$

16) Determine R_{in} , R_{out} y A (V_o/V_i) para la configuración de Drain Común presentada a continuación, tome v_o como el voltaje sobre R_L .



Dibujamos el circuito a pequeña señal



$$Z_{in} = R_e + (R_{G1} // R_{G2})$$

$$V_S = V_o$$

$$V_o = gmV_{GS}(R_o // RL // RS)$$

$$V_G = \frac{V_i(RG1 // RG2)}{R_{e+} + (RG1 // RG2)}$$

$$V_o = gm \left(\frac{V_i(RG1 // RG2)}{R_{e+} + (RG1 // RG2)} - V_o \right) (R_o // RL // RS)$$

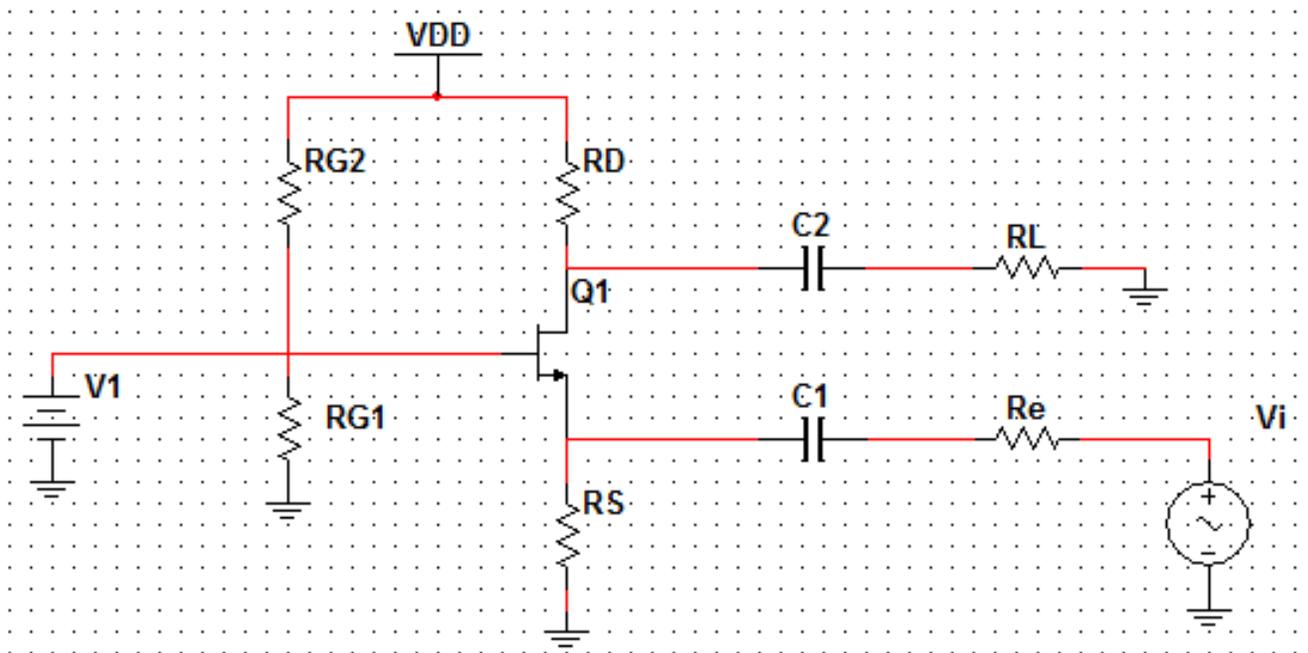
$$V_o(1 + gm(R_o // RL // RS)) = gm \left(\frac{V_i(RG1 // RG2)}{R_{e+} + (RG1 // RG2)} \right) (R_o // RL // RS)$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{gm \left(\frac{(RG1 // RG2)}{R_{e+} + (RG1 // RG2)} \right) (R_o // RL // RS)}{(1 + gm(R_o // RL // RS))}$$

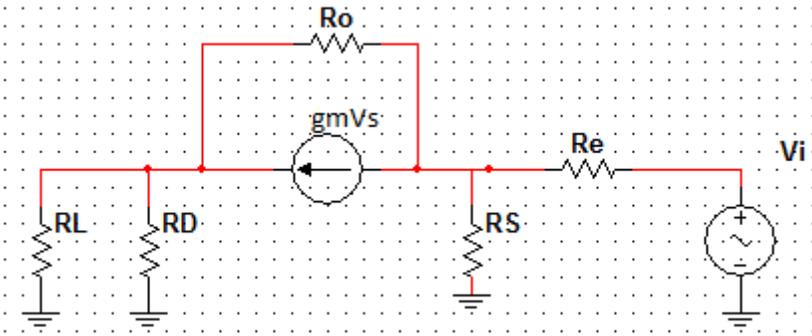
$$\frac{V_o}{V_i} \approx \frac{(RG1 // RG2)}{(RG1 // RG2) + R_{e+}}$$

$$Z_{out} = (R_o // RL // RS // \frac{1}{gm})$$

17) Determine Rin, Rout y A (Vo/Vi) para la configuración de Gate Común presentada a continuación, tome vo como el voltaje sobre RL.



Dibujamos el circuito a pequeña señal, y tendemos R_o a infinito para simplificar los calculos



$$gmVs + \frac{Vs}{Rs} = \frac{Vi - VS}{Re}$$

$$VS = \frac{Vi}{(gm + \frac{1}{Rs} + \frac{1}{Re})Re}$$

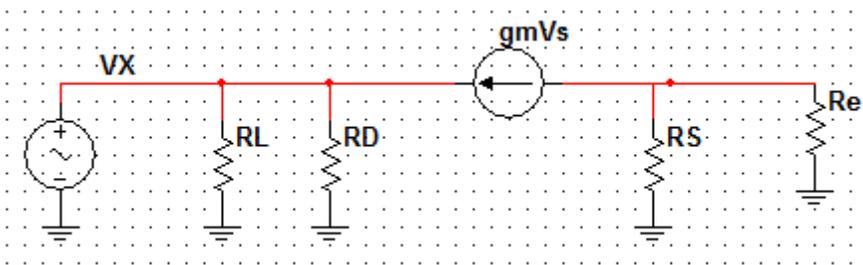
$$Vo = \frac{gmVi(Ro // Rl)}{(gm + \frac{1}{Rs} + \frac{1}{Re})Re}$$

$$\frac{Vo}{Vi} = \frac{gm(Ro // Rl)}{(gm + \frac{1}{Rs} + \frac{1}{Re})Re}$$

Ahora vamos a calcular I_i para hallar la resistencia de entrada

$$I_i = \frac{Vi}{Re} - \frac{Vi}{Re^2(\frac{1}{Rs} + \frac{1}{Re} + gm)}$$

$$\frac{Vi}{R_i} = \frac{Rs}{1 + R_s gm} + Re$$



$$\frac{Vx}{Rd // Rl} = gmVs + Ix$$

$$VS = (\frac{Vx}{Rd // Rl} - Ix) \frac{1}{gm}$$

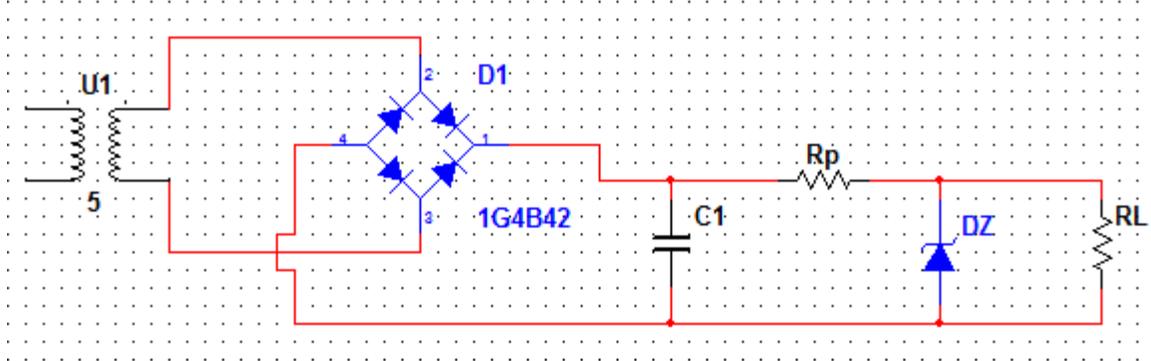
$$\frac{Vs}{Rs // Re} + \frac{Vx}{Rd // Rl} = Ix$$

$$(\frac{Vx}{Rd // Rl} - Ix) \frac{1}{gm(Rs // Re)} + \frac{Vx}{Rd // Rl} = Ix$$

$$\frac{Vx}{Ix} = \frac{(1 + \frac{1}{gm(Rs // Re)})}{(1 + \frac{1}{gm(Rs // Re)}) \frac{1}{Rd // Rl}} = Rd // Rl = Z_{out}$$

18) Dado que $V_z=20V$, $P_z=3W$, $R_z=10\ \Omega$, $I_z(k)=2mA$, $i_{Lmax}=50mA$ y $V_d=0.7$ determine:

- El valor de R_L
- El valor de C para que el factor de rizado en el capacitor sea del 20%.
- R_p para asegurar el encendido del zener



$$R_l = \frac{20V}{50mA} = 400\Omega$$

$$P_{r_l} = 50mA \times 20 = 1W$$

$$F_r = \frac{V_r}{V_{max}} \times 100$$

$$V_r = \frac{V_p}{2fRC}$$

$$C = \frac{V_p}{2fRV_r}$$

$$V_{pico_2} = \frac{N_1}{N_2} V_{pico_1} = \frac{169.7}{5} = 33.94V$$

$$V_{picoc_1} = 33.94 - 1.4 = 32.54V$$

$$V_r = \frac{V_{max} F_r}{100} = 0.2 V_{picoc_1}$$

$$V_r = 0.2 \times 32.54 = 6.51V$$

La R viene siendo la R de Thévenin vista desde el capacitor

$$I_{th} = I_z + I_l = 2mA + 50mA = 52mA$$

$$V_{th} = V_p - \frac{V_r}{2}$$

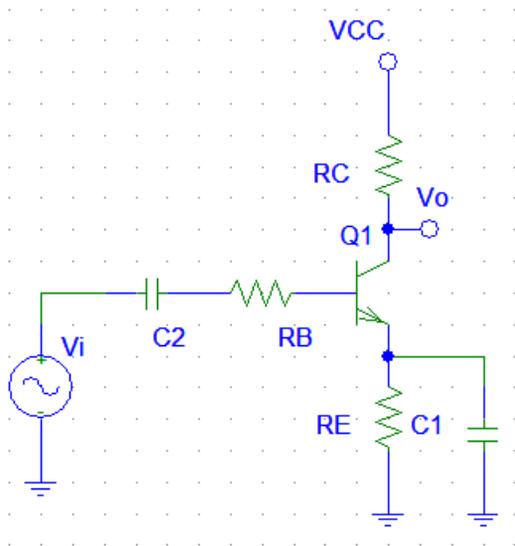
$$V_{th} = 32.4 - 0.5(6.51) = 29.28V$$

$$R_{th} = \frac{29.28V}{52mA} = 563.1\Omega$$

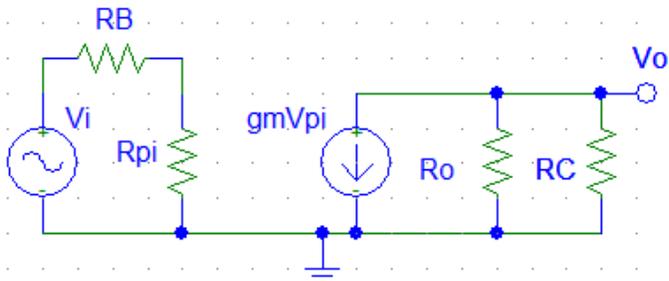
$$C = \frac{32.54}{2 \times 60 \times 6.51 \times 563.1} = 74\mu F$$

$$R_p = \frac{26.03 - 20}{52mA} = 116\Omega$$

19) Determine R_{in} , R_{out} y A (V_o/V_i) para la configuración de Emisor Común presentada a continuación, tome v_o como el voltaje en el colector.



Circuito en pequeña señal:



$$V_{\pi} = \frac{R_{\pi} V_i}{R_b + R_{\pi}}$$

$$V_o = -(R_o // R_C) g_m \frac{R_{\pi} V_i}{R_b + R_{\pi}}$$

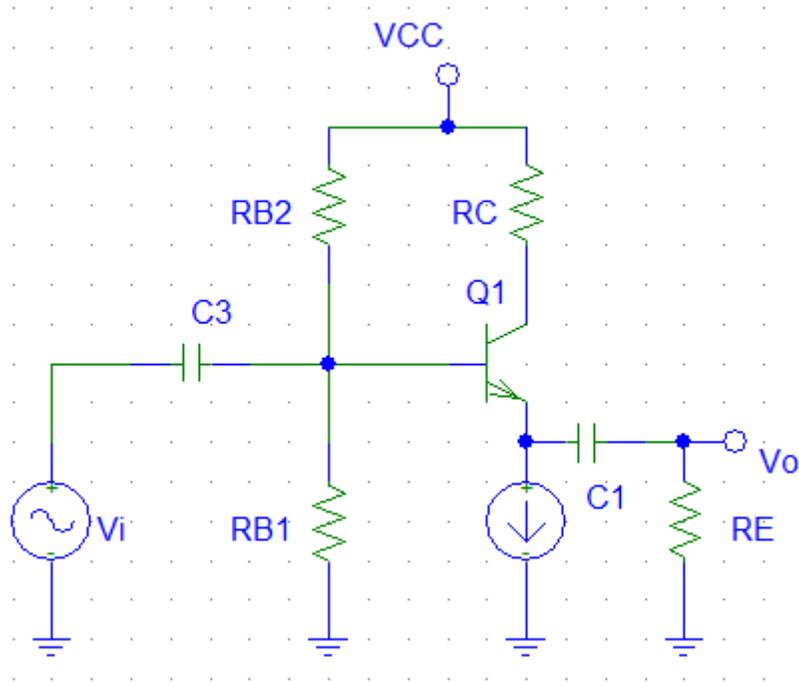
$$g_m = \frac{\beta}{R_{\pi}}$$

$$\frac{V_o}{V_i} = -\beta \frac{(R_o // R_C)}{R_b + R_{\pi}}$$

$$Z_{in} = (R_{\pi} + R_b)$$

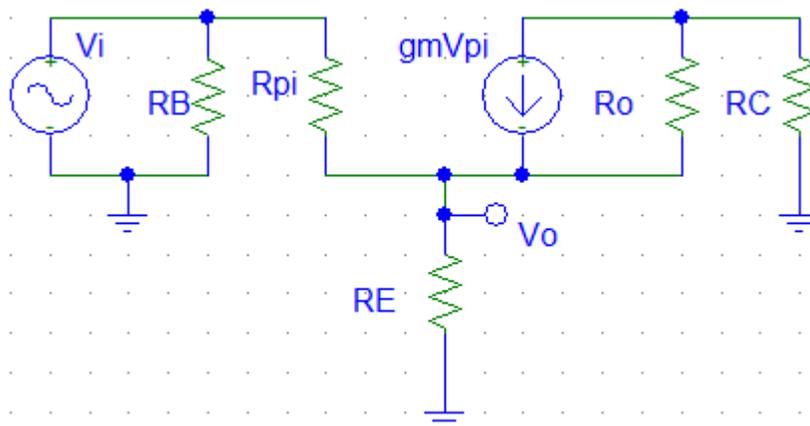
$$Z_{out} = (R_o // R_C)$$

20) Determine R_{in} , R_{out} y A (V_o/V_i) para la configuración de Colector Común presentada a continuación, tome v_o como el voltaje en el emisor.



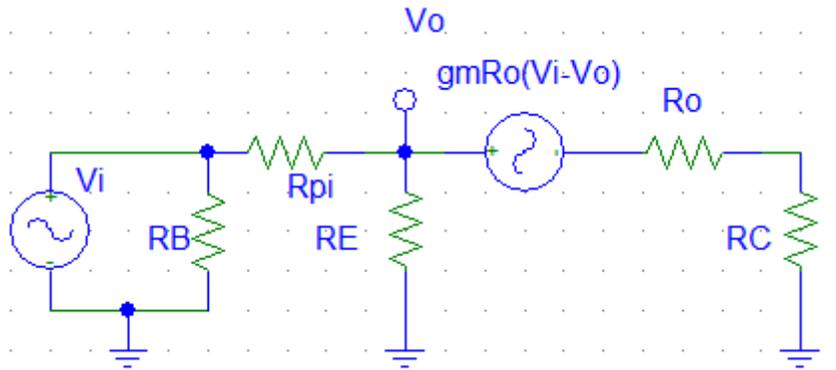
Circuito en pequeña señal

$$R_B = R_{B1} // R_{B2}$$



$$V_{\pi} = V_i - V_o$$

Aplicamos transformaciones de fuentes



$$\frac{V_o}{R_E} = \frac{V_i - V_o}{R_\pi} + \frac{g_m R_o (V_i - V_o) - V_o}{R_C + R_o}$$

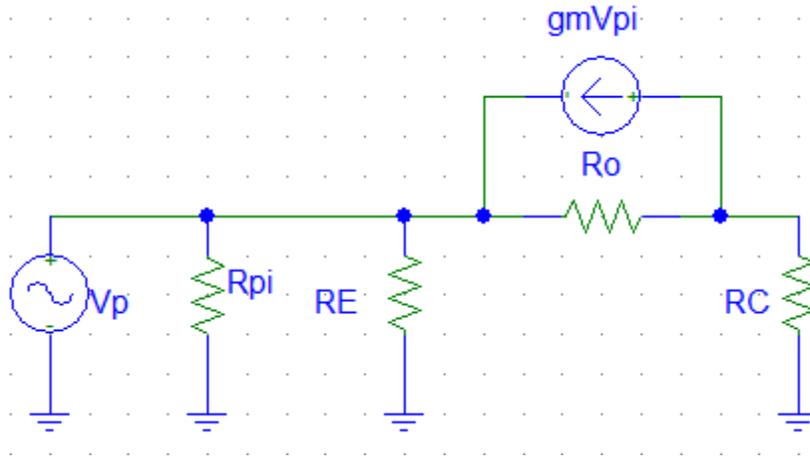
$$V_o \left(\frac{1}{R_E} + \frac{1}{R_\pi} + \frac{g_m R_o + 1}{R_C + R_o} \right) = V_i \left(\frac{1}{R_\pi} + \frac{g_m R_o}{R_C + R_o} \right)$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{\frac{1}{R_\pi} + \frac{g_m R_o}{R_C + R_o}}{\frac{1}{R_E} + \frac{1}{R_\pi} + \frac{g_m R_o}{R_C + R_o}} = \frac{R_E \left(\frac{1}{R_\pi} + \frac{g_m R_o}{R_C + R_o} \right)}{1 + R_E \left(\frac{1}{R_\pi} + \frac{g_m R_o}{R_C + R_o} \right)}$$

$$I_i = \frac{V_i}{R_B} + \frac{V_i - V_o}{R_\pi}$$

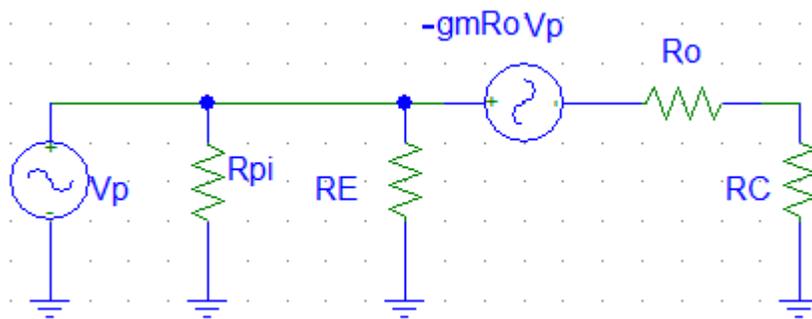
$$I_i = V_i \left(\frac{1}{R_B} + \frac{1}{R_\pi} - \frac{A_V}{R_\pi} \right)$$

$$\frac{V_i}{I_i} = Z_{in} = \frac{1}{\frac{1}{(R_B // R_\pi)} - \frac{R_E \left(\frac{1}{R_\pi} + \frac{g_m R_o}{(R_C + R_o)} \right)}{R_\pi + R_E + \frac{R_E \cdot R_\pi (g_m R_o + 1)}{(R_C + R_o)}}}$$



$$V\pi = -Vp$$

Aplicamos transformaciones de fuentes



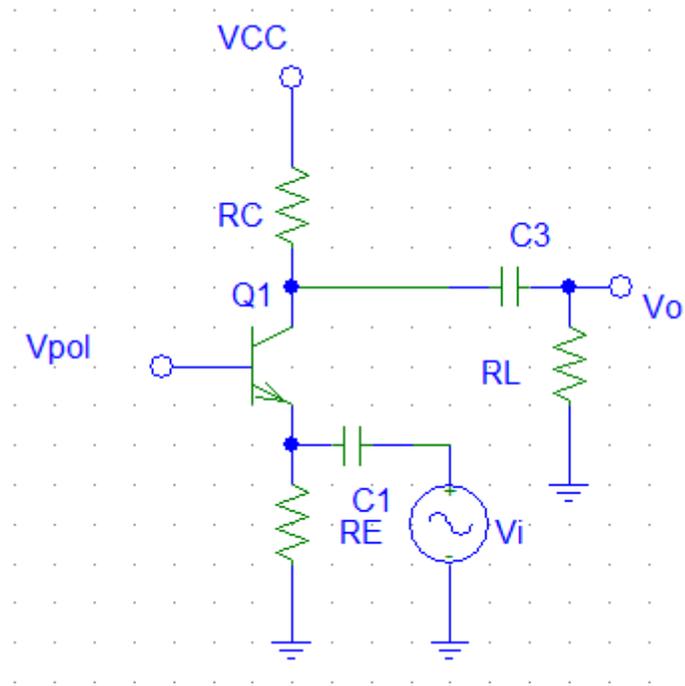
$$I_p = \frac{V_p}{R\pi} + \frac{V_p}{RE} + \frac{V_p(1 + gmRo)}{Ro + RC}$$

$$I_p = V_p \left(\frac{1}{R\pi} + \frac{1}{RE} + \frac{(1 + gmRo)}{Ro + RC} \right)$$

$$\frac{V_p}{I_p} = \frac{1}{\left(\frac{1}{R\pi} + \frac{1}{RE} + \frac{(1 + gmRo)}{Ro + RC} \right)}$$

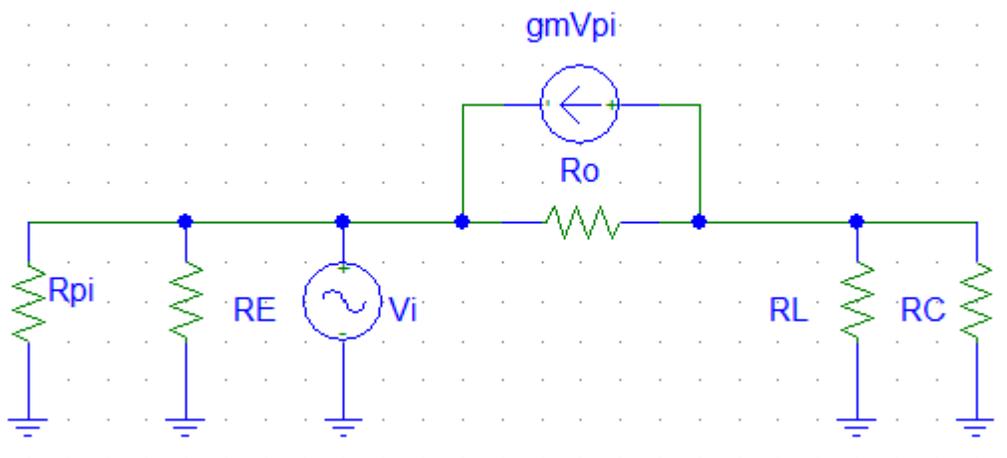
$$Z_{out} = \frac{R\pi \cdot RE \cdot (Ro + RC)}{(Ro + RC)RE + (Ro + RC)R\pi + R\pi \cdot RE(1 + gmRo)}$$

21) Determine R_{in} , R_{out} y A (V_o/V_i) para la configuración de Base Común presentada a continuación, tome v_o como el voltaje sobre R_L .



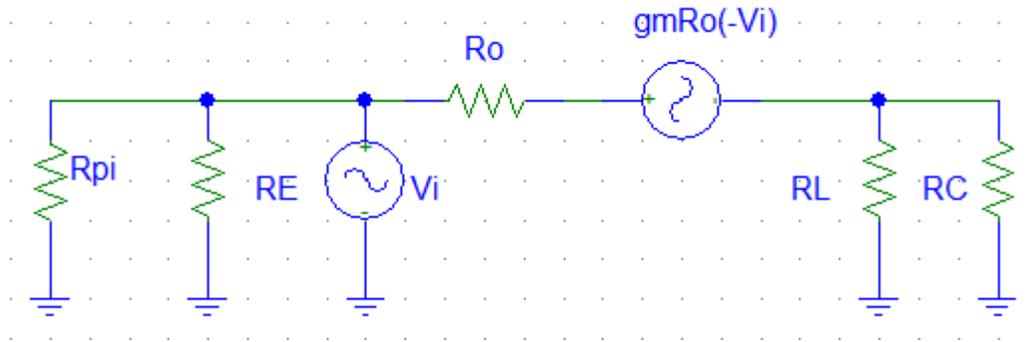
Circuito en pequeña señal

$$V_{\pi} = -V_i$$



$$Z_{out} = (R_o // RC // RL)$$

Aplicamos transformaciones de fuentes



$$V_i + gmV_iR_o = V_o + \frac{V_oR_o}{RC // RL}$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{1 + gmR_o}{1 + \frac{R_o}{RC // RL}}$$

$$I_i = \frac{V_i}{RE // R_\pi} + V_i gm$$

$$\frac{V_i}{I_i} = Z_{in} = \frac{1}{\frac{1}{RE // R_\pi} + gm}$$